



سری عمران

مشابهت سوالات آزمون محاسبات نظام مهندسی

بامحصولات سری عمران

اسفند ۱۴۰۲

☎ ۰۲۱۸۸۳۰۰۴۷۴ | ۰۲۱۸۸۳۱۲۵۲۷

📷 serieomran

🌐 www.serieomran.com



سری عمران

+

حل سوالات

درس بتن آزمون محاسبات

توسط گروه اساتید سری عمران

+

☎ ۰۲۱۸۸۳۰۰۴۷۴ | ۰۲۱۸۸۳۱۲۵۲۷

📷 serieomran

🌐 www.serieomran.com

+





۲۵- حداقل ضخامت یک دال بتن آرمه توپر کنسولی یک طرفه به طول کنسول برابر 3 متر و ساخته شده از بتن سبک با وزن مخصوص 1500 کیلوگرم بر مترمکعب و آرماتور $f_y = 340 \text{ MPa}$ برای آنکه نیازی به محاسبات دقیق خیز نباشد، به کدام یک از مقادیر زیر نزدیک تر است؟ فرض کنید دال بتن آرمه توپر به جداکننده‌ها یا دیگر اجزای ساختمانی که احتمال دارد در اثر خیز زیاد آسیب ببیند، متصل نیستند. کف پوش بتنی به صورت مرکب یا یکپارچه با دال بتنی اجرا نمی‌شود.

340 mm (۱)
300 mm (۲)
320 mm (۴)
360 mm (۳)

فرد ۹-۹-۳-۱-۱، جدول ۹-۹-۱ ص ۱۰۳

طل طرح: $h_{min} = \frac{l}{10}$

ضرب اصلاح f_y : $(0.14 + \frac{f_y}{700}) = (0.14 + \frac{340}{700}) = 0.1886$

ص ۹-۹-۳-۲ ص ۱۰۳

ضرب اصلاح بتن سبک: $\max \{ 1.45 - 0.0003 w_c, 1.09 \}$

ضرب اصلاح بتن سبک = $\max \{ 1.45 - 0.0003 \times 1500, 1.09 \} = 1.12$

$h_{min} = \frac{3000}{10} \times 0.1886 \times 1.12$

$h_{min} = 318.94 \text{ mm}$

زیر ۳۱۸.۹۴

۹-۹-۳-۱-۲ برای دال‌های بتن آرمه‌ی ساخته شده با بتن سبک (با وزن مخصوص، w_c ، در محدوده‌ی ۱۴۴۰ تا ۱۸۴۰ کیلوگرم بر متر مکعب)، مقادیر جدول ۹-۹-۱ باید در بزرگ‌ترین مقدار (الف) و (ب) ضرب شوند.

الف - $1.65 - 0.0003w_c$

ب - ۱.۰۹

۹-۹-۳-۱-۱ برای دال‌های توپر که به جدا کننده‌ها (تیغه‌ها) یا دیگر اجزای ساختمانی که احتمال دارد در اثر خیز زیاد آسیب ببینند، متصل نیستند، ضخامت کل دال، h ، نباید از مقادیر جدول ۹-۹-۱ که برای بتن معمولی و فولاد با تنش تسلیم $f_y = 420 \text{ MPa}$ تنظیم شده است، کمتر باشد؛ مگر آن که محاسبه‌ی خیز آن‌ها بر اساس بند ۹-۳-۲-۹ انجام شود. برای $f_y \neq 420 \text{ MPa}$ مقادیر جدول

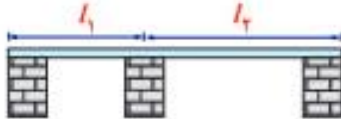
۹-۹-۱ باید در $(0.4 + f_y/700)$ ضرب شوند.

جدول ۹-۹-۱ حداقل ضخامت دال‌های یک طرفه‌ی توپر

شرایط تکیه گاهی	حداقل ضخامت، h
تکیه گاه ساده	$l/20$
یک انتهای ممتد	$l/24$
دو انتهای ممتد	$l/28$
طره (کنسولی)	$l/10$

تشابه با کلاس بتن محاسبات – صفحه ۲۹۹ جزوه

بام یک ساختمان معمولی، تشکیل شده است از یک دال یک طرفه دو دهانه، که روی سه دیوار با طول بلند اجرا خواهد شد. اگر خواهیم وارد محاسبات تغییر شکل دال شویم، در طراحی برای به دست آوردن کمترین ضخامت دال از کدام گزینه باید شروع کنیم؟ (طول مؤثر دهانه‌های دال را به ترتیب ۳ و ۵ متر فرض نمایید. بارهای وارد به بام کاملاً متعارف می‌باشند.)



- ۱) ضخامت ۱۹۰ میلی‌متر و میلگرد رده S ۳۴۰
- ۲) ضخامت ۱۷۰ میلی‌متر و میلگرد رده S ۴۲۰
- ۳) ضخامت ۱۵۰ میلی‌متر و میلگرد رده S ۳۴۰
- ۴) ضخامت ۲۵۰ میلی‌متر و میلگرد رده S ۴۲۰

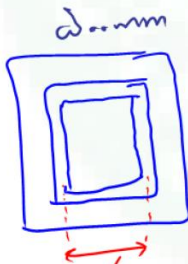


۳) 560 میلی متر
 ۲) 600 میلی متر (ارتفاع 600 میلی متر)
 ۲۹- در یک تیر بتنی در قاب خمشی متوسط به ابعاد 500×600 میلی متر (ارتفاع 600 میلی متر) حداقل فاصله آرماتور عرضی (S) برای نیروی برشی مشخص چه مقدار باشد تا آرماتور عرضی در عرض مقطع دو ساق خاموت $\Phi 12$ کافی باشد و نیازی به سنجاقی نداشته باشیم؟ بتن از نوع معمولی می باشد.
 $f'_c = 25 \text{ MPa}$, $f_y = 400 \text{ MPa}$
 پوشش بتن روی میلگردها = 60 mm
 ۱) 150 میلی متر
 ۲) 140 میلی متر
 ۳) 110 میلی متر
 ۴) 120 میلی متر
 به منظور ارزیابی

کنترل بند ۹-۱۱-۶-۵-۳: این

مقدار میلگردهای طولی
 دلاه زنده و اسراز
 آن عرض نظر کنیم

$$d_s = 700 - \left(20 + 12 + \frac{d_b}{4} \right) \rightarrow d = 528 \text{ mm}$$



۳-۵-۶-۱۱-۹ در صورتی که مقاومت برشی مورد نیاز فولادهای برشی $V_s \leq 0.33 \sqrt{f'_c} b_w d$ باشد، حداکثر فاصله ی افقی بین آرماتورهای برشی عمود بر محور عضو نباید از کمترین مقدار $d/2$ و ۶۰۰ میلی متر بیشتر بوده، و حداکثر فاصله ی ساق ها در عرض مقطع نباید از کمترین مقدار d و ۶۰۰ میلی متر بیشتر باشد. اگر $V_s > 0.33 \sqrt{f'_c} b_w d$ باشد، حداکثر فاصله بین آرماتورهای برشی در طول عضو نباید از کمترین مقدار $d/4$ و ۳۰۰ میلی متر بیشتر بوده، و حداکثر فاصله ی ساق ها در عرض مقطع نباید از کمترین مقدار $d/2$ و ۳۰۰ میلی متر بیشتر باشد.

مقدار ساق ها در عرض
 دورتیه را برگزیده می کند
 دورتیه d و $2 \times 90 - 12 = 328 \text{ mm}$

$$V_s \leq 0.33 \sqrt{f'_c} b_w d$$

$$A_v f_y \frac{d_s}{s} \leq 0.33 \sqrt{f'_c} b_w d \rightarrow 2 \times \pi \times \frac{12^2}{4} \times 400 \times \frac{528}{s} \leq 0.33 \times \sqrt{25} \times 500 \times 528$$

تشابه با کتاب بتن جلد 1 – صفحه 187 – تمرین 21

تمرین ۲۱: در یک تیر مستطیلی با عرض 400 mm به منظور طراحی برشی مقطع از میلگردهای عرضی به قطر 10 mm استفاده شده است. چنانچه مصالح مصرفی بتن از رده $C 30$ و فولادها $S 340$ باشند، حداکثر فاصله به کارگیری آرماتورهای عرضی بدون توجه به مقدار نیروی برش وارده و ضوابط مربوط به حداکثر فاصله، چقدر می باشد؟

(۱) 380 mm (۲) 250 mm (۳) 300 mm (۴) 150 mm

● **هله:** با توجه به رابطه (۴-۱۶) در خصوص مقدار حداقل مساحت آرماتورهای برشی داریم:

$$\frac{A_{v,min}}{S} = \max \left\{ 0.062 \sqrt{f'_c} \frac{b_w}{f_{yt}}, 0.35 \frac{b_w}{f_{yt}} \right\}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{2 \times \frac{\pi}{4} \times 10^2}{S_1} \geq 0.062 \times \sqrt{30} \times \frac{400}{340} \Rightarrow S_1 \leq 393.2\text{ mm} \\ \frac{2 \times \frac{\pi}{4} \times 10^2}{S_2} \geq 0.35 \times \frac{400}{340} \Rightarrow S_2 \leq 381.5\text{ mm} \end{array} \right.$$

$$S \leq 381.5\text{ mm}$$

بنابراین حداکثر فاصله آرماتورهای عرضی بدون توجه به ضوابط فاصله گذاری برابر 381.5 mm بوده و گزینه (۱) صحیح می باشد.

تشابه با کتاب بتن جلد 1 – صفحه 176 – تمرین 13

تمرین ۱۳: در یک تیر بتن آرمه با ابعاد $300 \times 450 \text{ mm}$ ، آرماتورهای عرضی از نوع خاموت با مشخصات $\Phi 8 @ 200 \text{ mm}$ به صورت مایل و با زاویه 60° درجه نسبت به محور طولی تیر به کار رفته‌اند. در صورتی که بخواهیم به جای این میلگردها از آرماتورهای قائم بر محور طولی عضو و به قطر 12 mm استفاده نماییم، حداکثر فواصل بکارگیری آنها چند میلی‌متر می‌تواند باشد؟ بتن مصرفی از رده $C 30$ ، فولاد $S 400$ و عمق مؤثر مقطع برابر 400 mm در نظر گرفته می‌شود.

$$150 \text{ mm} \quad (4) \qquad 200 \text{ mm} \quad (3) \qquad 300 \text{ mm} \quad (2) \qquad 250 \text{ mm} \quad (1)$$

● **هله:** برای انجام این جایگزینی، مقاومت برشی آرماتورهای عرضی در هر دو حالت باید با هم برابر باشد. در این صورت خواهیم داشت:

$$V_{s_1} = V_{s_2} \Rightarrow \frac{A_{v_1} f_{yt} d}{S_1} (\sin \alpha + \cos \alpha) = \frac{A_{v_2} f_{yt} d}{S_2}$$

$$\frac{2 \times \frac{\pi}{4} \times 8^2 \times (\sin 60^\circ + \cos 60^\circ)}{200} = \frac{2 \times \frac{\pi}{4} \times 12^2}{S_2} \Rightarrow S_2 = 329/4 \text{ mm} \quad (1)$$

$$0/33 \sqrt{f'_c} b_w d = 0/33 \times \sqrt{30} \times 300 \times 400 \times 10^{-3} = 216/9 \text{ kN}$$

$$V_{s_1} = V_{s_2} = \frac{2 \times \frac{\pi}{4} \times 8^2 \times 400 \times 400}{200} \times (\sin 60^\circ + \cos 60^\circ) \times 10^{-3} = 110 \text{ kN}$$

$$V_s = 110 \text{ kN} \leq 216/9 \text{ kN} \Rightarrow S_{max} = \min \left\{ \frac{d}{4}, 600 \text{ mm} \right\} = \min \left\{ \frac{400}{4}, 600 \text{ mm} \right\}$$

$$S_{max} = 200 \text{ mm} \quad (2)$$

بنابراین حداکثر فاصله قابل قبول آرماتورهای عرضی با توجه به (۱) و (۲) برابر 200 mm بوده و گزینه (۳) صحیح می‌باشد.



۳۱- یک مقطع بتنی مستطیل شکل به ابعاد 250×500 میلی متر تحت اثر لنگر پیچشی خالص قرار دارد. حداکثر لنگر پیچشی قابل تحمل توسط این مقطع (T_u) با توجه به ابعاد سطح مقطع به کدام یک از موارد زیر نزدیک تر است؟ مقطع دارای میلگرد پیچشی طولی کافی است و خاموت های عرضی از میلگرد $\Phi 10$ بوده و حداقل فولاد عرضی لازم را تامین می نمایند. پوشش بتن از روی خاموت ها 40 میلی متر در نظر گرفته شود. بتن معمولی و C20 است. میلگردها از رده S340 هستند. اطلاعات مربوط به میزان میلگردهای خمشی موجود نیست و از روابط ساده آیین نامه استفاده نمایید. مقاومت پیچشی طراحی مقطع با توجه به میلگردهای پیچشی طولی و نیز خاموت های بسته پیچشی جوابگوی لنگر پیچشی وارده می باشد.

۳۰,۹۵

13.24 kN.m (۲)

17.87 kN.m (۱)

20.15 kN.m (۴)

15.24 kN.m (۳)



۹-۸-۶-۳-۲ ابعاد سطح مقطع باید طوری تعیین شوند که رابطه های زیر تامین گردند:

الف- برای مقاطع توپر:

$$\sqrt{\left(\frac{V_u}{b_w d}\right)^2 + \left(\frac{T_u P_h}{1.7 A_{oh}^2}\right)^2} \leq \phi \left(\frac{V_c}{b_w d} + 0.66 \sqrt{f'_c}\right) \quad (۹-۸-۳۱-الف)$$

بسیار خالص و کنترل ابعاد مقطع $\rightarrow V_u = 0 \rightarrow T_u \leq 1.7 \frac{A_{oh}^2}{P_h} \times \phi \left(\frac{V_c}{b_w d} + 0.66 \sqrt{f'_c}\right)$
 \leftarrow روابط ساده $\leftarrow 1.7 \sqrt{f'_c}$

$$A_{oh} = 0.85 A_{oh}$$

$$x = 250 - 2 \times 40 - 2 \times \frac{10}{4} = 170 \text{ mm} \rightarrow P_h = 2(x+y)$$

$$y = 500 - 2 \times 40 - 2 \times \frac{10}{4} = 410 \text{ mm} \rightarrow P_h = 2 \times (170 + 410) = 1140 \text{ mm}$$

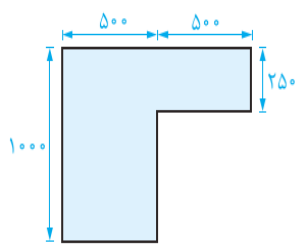
$$A_{oh} = xy = 170 \times 410 = 70700$$

$$T_u \leq 1.7 \times \frac{70700^2}{1140} \times 0.66 \times (1.7 \sqrt{20} + 0.66 \sqrt{20})$$

$$T_u \leq 17187 \text{ kN.m} \quad (\text{گزینه ۱})$$

تشابه با کتاب بتن جلد ۱ - صفحه ۲۱۵ - تمرین ۸

تمرین ۸: مقطع یک تیر بتن مسلح مطابق شکل زیر که با بتن معمولی و از رده C ۳۰ و آرماتورها از رده S ۴۰۰



می باشند، تحت تأثیر پیچش قرار می گیرد. حداکثر مقدار لنگر پیچشی چقدر باشد تا به لحاظ محاسباتی نیازی به وجود آرماتورهای پیچشی نباشد؟ (ابعاد شکل به میلی متر است). (مماسیات - اسفند ۹۵)

(۱) $۳۳ kN$ (۲) $۴۴ kN$

(۳) $۲۸ kN$ (۴) $۲۳ kN$

● **هله:** همان طور که گفته شد، بتن مقطع تا حد پیچش آستانه می تواند لنگر پیچشی را تحمل نماید. بنابراین با توجه به اینکه به مقطع نیروی محوری وارد نمی شود، مقطع می تواند حداکثر لنگر پیچشی برابر ϕT_{th} را تحمل نماید. در اینصورت مطابق رابطه (۳-۵) داریم:

$$T_{th} = 0.1083 \lambda \sqrt{f'_c} \left(\frac{A_{cp}^2}{P_{cp}} \right)$$

$$A_{cp} = 500 \times 1000 + 500 \times 250 = 625000 \text{ mm}^2$$

$$P_{cp} = (1000 + 1000) \times 2 = 4000 \text{ mm}$$

$$T_{th} = 0.1083 \times 1.0 \times \sqrt{30} \times \frac{625000^2}{4000} \times 10^{-6}$$

$$T_{th} = 44.14 \text{ kN.m}$$

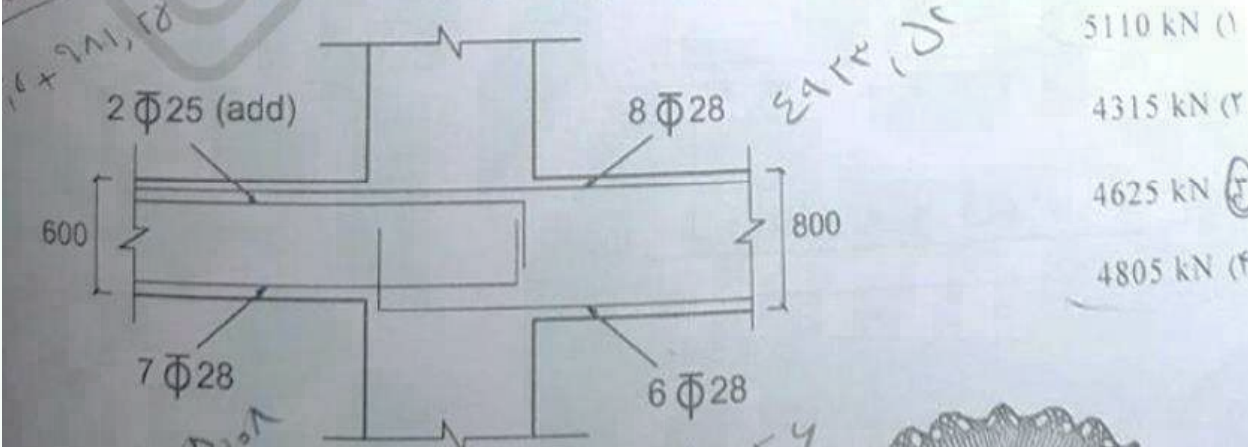
$$T_u < \phi T_{th} \Rightarrow T_u < 0.175 \times 44.14$$

$$T_u < 33.13 \text{ kN.m}$$

بنابراین گزینه (۱) صحیح می باشد.



۳۶- در شکل ناحیه اتصال تیر به ستون در یک قاب خمشی ویژه بتنی نشان داده شده است (فقط میلگردهای طولی تیرها). مقاومت برشی مورد نیاز ناحیه اتصال تیر به ستون در این شکل، بدون در نظر گرفتن برش ستون، به کدام یک از گزینه‌های زیر نزدیک‌تر است؟ نوع میلگردها S400 و رده بتن C35 فرض شود (ابعاد روی شکل به میلی‌متر است).



نوع ۹-۲۰-۶-۵-۴ سبب ختم :

$$V_u = 1,25 f_y (A_{s,R} + A_{s,L}) - V_c \quad , \quad V_c = 0$$

در نظر گرفتن جهت کشش و فشرده شدن ستون و تیر :

$$A_{s1} = A_{s,R}^+ + A_{s,L}^- = 7 \times \frac{\pi}{4} \times 28^2 + (1 \times \frac{\pi}{4} \times 28^2 + 2 \times \frac{\pi}{4} \times 25^2) = 9402,4 \text{ mm}^2$$

$$A_{s2} = A_{s,R}^- + A_{s,L}^+ = 1 \times \frac{\pi}{4} \times 28^2 + 7 \times \frac{\pi}{4} \times 28^2 = 9234,4 \text{ mm}^2$$

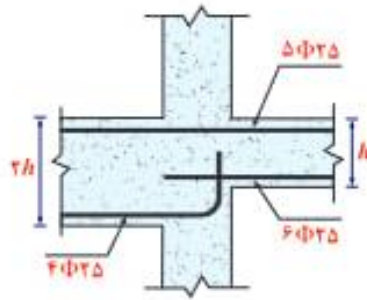
$$A_s = \max \{ A_{s1}, A_{s2} \} = 9402,4 \text{ mm}^2$$

$$V_u = 1,25 \times 400 \times 9402,4 \times 10^{-3} = 4701,2 \text{ kN}$$

گزینه B صحیح است.

تشابه با کلاس بتن محاسبات - صفحه ۱۹۶ جزوه

در شکل مقابل، اتصال دو تیر با ارتفاع نامساوی به یک ستون در یک سازه با شکل پذیری زیاد نشان داده شده

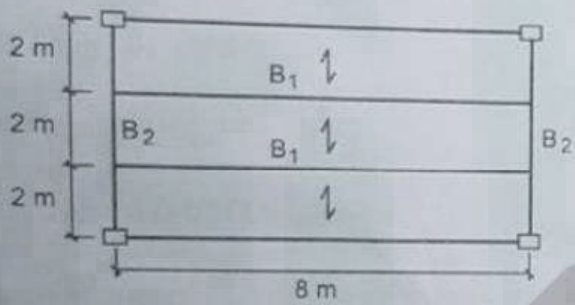


است. حداکثر برش در چشمه اتصال (نیروی برشی نهایی مؤثر به اتصال) بدون در نظر گرفتن برش موجود در ستون‌های بالا و پایین اتصال، به کدام یک از گزینه‌های زیر نزدیک‌تر است؟ رده بتن C ۲۰، نوع میلگردهای عرضی S ۲۴۰ و نوع میلگردهای طولی S ۴۰۰ است. در این محاسبات در هر تیر فقط میلگردهای بالا و پایین مؤثر فرض شود.

- | | |
|-------------|-------------|
| ۲۲۰۰ kN (۲) | ۲۰۰۰ kN (۱) |
| ۲۷۰۰ kN (۴) | ۲۵۰۰ kN (۳) |



۳۷- در شکل پلان یک ساختمان بتنی کاملاً متقارن با سیستم قاب خمشی متوسط نشان داده شده است. بار گسترده یکنواخت وارد بر کف در یک ترکیب بارگذاری ثقلی برای طراحی برابر با 15 kN/m^2 بوده و تحت این ترکیب بار، مقاومت خمشی مورد نیاز در وسط تیر B_1 180 kN.m است. اگر طراح بخواهد تیر B_2 را برای حداقل مقاومت پیچشی مورد نیاز و قابل قبول طراحی نماید، لنگر خمشی مورد نیاز در وسط تیر B_1 حدوداً چقدر افزایش خواهد یافت؟
 از نقش سازه‌ای سیستم کف، تاثیر ابعاد مقاطع بر تحلیل و نیروی محوری در تیرها صرف‌نظر کنید. مشخصات مصالح بتن و میلگرد به ترتیب $C30$ و $S400$ است. (بتن معمولی فرض شود و نزدیک‌ترین گزینه به پاسخ را انتخاب نمایید)



مقطع تیر B_2

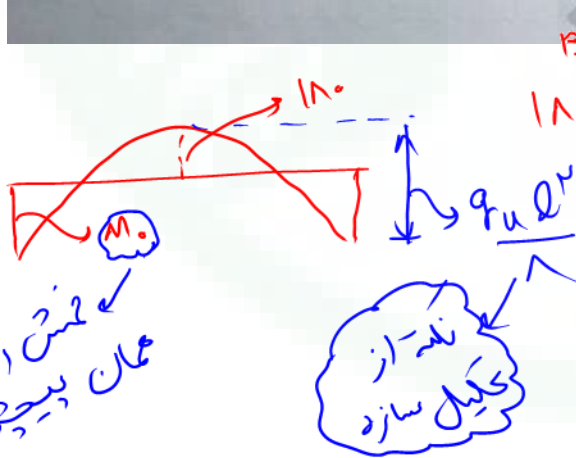
28.5 kN.m (۱)

12 kN.m (۲)

15 kN.m (۳)

36.5 kN.m (۴)

مخردار نسبتاً B
 قبل از رخ دادن
 با افزایش
 در B2
 همان پیچش (B1)
 در B1



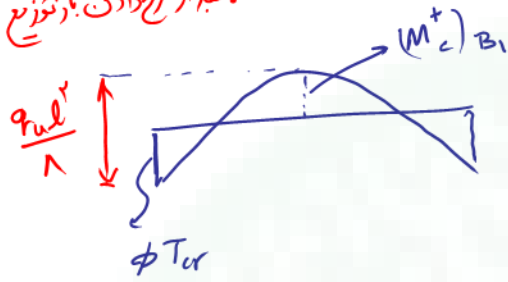
بار ضعیف B_1 $180 + M_0 = \frac{(12 \times 2) \times 18^2}{8} \rightarrow M_0 = 70 \text{ kN.m}$

۹-۱۱-۳-۶ در مواردی که امکان کاهش لنگر پیچشی در اثر باز توزیع نیروهای داخلی در عضوی از یک سازه نامعین وجود داشته باشد (پیچش همسازی)، اجازه داده می‌شود حداکثر لنگر پیچشی نهایی بر اساس بند ۹-۱۶-۸-۴ به ϕT_c کاهش داده شود. در این حالت لازم است اثرات لنگرها و برش‌های تعدیل یافته‌ی عضو در سایر اعضای مجاور، با استفاده از رابطه‌ی تعادل، محاسبه شده و در طراحی به کار گرفته شوند. لنگر پیچشی ترک خوردگی، T_c بر اساس بند ۹-۱۶-۸-۲ محاسبه می‌شود.

$$T_c = 0.33 \lambda \sqrt{f_c} \left(\frac{A_{cp}}{p} \right) \rightarrow T_{cr} = 0.33 \times 1 \times \sqrt{30} \times \left(\frac{350 \times 700^2}{2(350 + 700)} \right) = 4197 \text{ kN.m}$$

حوض 70 kN.m از $\rightarrow 31, 27 \text{ kN.m}$
 $\phi T_{cr} = 1.75 \times 4197 = 31, 27 \text{ kN.m}$
 و عضو نامعین باشد پیچش را باز توزیع می‌کنیم

تعداد از رخ دادن بار توزیع



$$\rightarrow |\phi_{Tcr}| + (M_c^+)_{B_1} = \frac{q_{ul}^2 l^2}{\Lambda}$$

$$31,57 + (M_c^+)_{B_1} = \frac{12 \times 2 \times \Lambda^2}{\Lambda} \rightarrow (M_c^+)_{B_1} = 20,125 \text{ kN}\cdot\text{m}$$

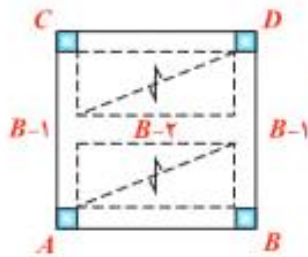
لنگر مثبت تیر B از 180 به 20,125

حرفه و 20,125 کلونیون تیر افزایش می یابد.

لنگر تیر (1) صحیح است.

تشابه با کلاس بتن محاسبات - صفحه ۱۰۶ و ۱۰۷ جزوه

شکل زیر پلان تیرریزی یک ساختمان بتن آرمه را نشان می‌دهد. تحلیل سازه نشان می‌دهد که T_u (لنگر پیچشی نهایی) ناشی از بارهای ثقلی در تیرهای $B-1$ ، 23.5 kN.m است. کمترین لنگر پیچشی نهایی که تیرهای $B-1$ را



می‌توان برای آن طراحی کرد به کدام یک از گزینه‌های زیر نزدیک‌تر است؟ (مقطع تیرهای $B-1$ دارای عرض 400 mm و ارتفاع 500 mm بوده و اثر تعدیل لنگر پیچشی در آنها در اعضای مجاور در نظر گرفته خواهد شد. بتن از رده $C 25$ با سنگدانه‌های معمولی و میلگرد از نوع $S 400$ در نظر گرفته شود.)

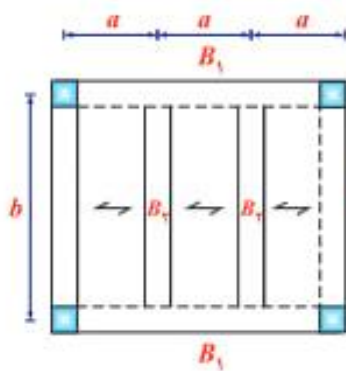
(۲) 27.5 kN.m

(۱) 13.5 kN.m

(۴) 18.5 kN.m

(۳) 23.5 kN.m

در شکل زیر پلان یک سازه بتن آرمه کاملاً متقارن که به صورت درجا اجرا می‌شود، نشان داده شده است. عرض و ارتفاع تیرهای تیپ B_1 به ترتیب 500 و 600 میلی‌متر و رده بتن مصرفی $C 25$ فرض می‌شود. تحلیل سازه نشان می‌دهد که به ازای یکی از ترکیبات بارگذاری ثقلی (با بارها مرده و زنده یکنواخت روی کل سطح پلان)، لنگر خمشی نهایی منفی



در تکیه‌گاه‌های تیرهای تیپ B_2 برابر 90 kN.m و لنگر خمشی نهایی مثبت در وسط دهانه آنها برابر 175 kN.m است. چنانچه در نظر باشد تیرهای B_1 برای کمترین پیچش ممکن طراحی شوند، لنگر خمشی نهایی مثبت تیرهای تیپ B_2 به کدام یک از گزینه‌های زیر نزدیک‌تر خواهد بود؟ (از اثر ابعاد مقاطع در تحلیل مسئله صرف‌نظر نموده و نوع بتن معمولی فرض شود)

(۱) 265 kN.m

(۲) 235 kN.m

(۳) 215 kN.m

(۴) 175 kN.m



۳۹- مقدار مقاومت برشی دوطرفه تامین شده توسط بتن برای یک دال تخت بدون ارماتور برشی با ستون میانی مربع شکل به ابعاد 500 میلی متر چقدر است؟ (با فرض $d=160\text{ mm}$ و بتن از

نوع معمولی و $f'_c = 25\text{ MPa}$)

(۲) 1.65 مگاپاسکال ✓

(۴) 1.85 مگاپاسکال

(۱) 3.15 مگاپاسکال

(۳) 2.55 مگاپاسکال

معادله بند ۹-۸-۷-۶-۵-۴-۳-۱-۲

$$v_c^e = \min \begin{cases} 0.143 \lambda_s \lambda \sqrt{f'_c} \\ 0.117 \left(1 + \frac{v}{\beta}\right) \lambda_s \lambda \sqrt{f'_c} \\ 0.1083 \left(2 + \frac{\alpha_s d}{b_o}\right) \lambda_s \lambda \sqrt{f'_c} \end{cases} ; \lambda_s = \sqrt{\frac{v}{1 + d/250}} \leq 1.0$$

$$\lambda_s = \sqrt{\frac{v}{1 + 140/250}} = 1.1 / 1.0 \Rightarrow \lambda_s = 1.0$$

$$\beta = 1.0, \alpha_s \leq \epsilon_0, b_o = 4 \times \left(250 + 2 \times \frac{140}{2}\right) = 2440\text{ mm}$$

$$v_c^e = \min \begin{cases} 0.143 \times 1.0 \times 1.0 \times \sqrt{25} = 1.43\text{ MPa} \\ 0.117 \times \left(1 + \frac{v}{1.0}\right) \times 1.0 \times 1.0 \times \sqrt{25} = 2.155\text{ MPa} \\ 0.1083 \times \left(2 + \frac{\epsilon_0 \times 140}{2440}\right) \times 1.0 \times 1.0 \times \sqrt{25} = 1.84\text{ MPa} \end{cases}$$

نتیجه نهایی (مقدار) 1.84 مگاپاسکال ✓

تذکره: با توجه به گزینه ها، منظور صراح مقاومت برشی است تا مین نره توسط بتن بوده است.

تشابه با کتاب بتن جلد ۲ – صفحه ۲۸۳ تا ۲۸۵ – تمرین ۱۸

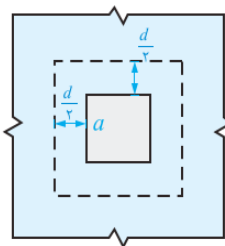
تمرین ۱۸: یک دال بتن آرمه تخت را که با ضخامت ۱۸۰ میلی‌متر بر روی ستون‌های مربعی به بعد ۴۰۰ میلی‌متر قرار گرفته است، در نظر بگیرید. در صورتی که اختلاف نیروی محوری ضریب‌دار ستون در بالا و پایین طبقه برابر ۶۰۰ کیلونیوتن باشد، به هر یک از سؤالات زیر پاسخ دهید. عمق مؤثر دال برابر ۱۵۰ میلی‌متر و فواصل محور تا محور ستون‌ها در هر جهت برابر ۶ متر می‌باشد. مصالح بتن مصرفی از نوع C ۳۰ و فولادها S ۴۰۰ می‌باشد.

(الف) آیا دال در برابر برش دوطرفه در حالتی که هیچگونه آرماتور برشی در آن به کار نرفته باشد، در محل اتصال به ستون میانی از مقاومت کافی برخوردار است؟

(ب) مساحت میلگردهای موردنیاز برشی را به منظور کنترل مقاومت برشی دوطرفه محاسبه نمایید (از خاموت‌های دو ساق برای مقابله با برش پانچ استفاده می‌شود).

(ج) حداقل طول موردنیاز خاموت‌های برشی را محاسبه نمایید (فاصله ساق‌های خاموت‌های برشی برابر ۲۵ cm در نظر گرفته شود).

● **هله الف:** به منظور کنترل مقاومت برشی دوطرفه دال لازم است مقدار نیروی برشی باعث ایجاد پانچ که برابر 600 kN است (چرا؟) با مقاومت برشی حاصل از بتن مقایسه شود. با توجه به اینکه ستون میانی موردنظر است، بنابراین با توجه به ابعاد و مشخصات داده شده، داریم:



$$b_s = 4 \times (400 + 150) = 2200 \text{ mm}$$

$$v_c = \min \begin{cases} 0.33 \lambda_s \lambda \sqrt{f'_c} \\ 0.17 \left(1 + \frac{2}{\beta}\right) \lambda_s \lambda \sqrt{f'_c} \\ 0.1083 \left(2 + \frac{\alpha_s d}{b_s}\right) \lambda_s \lambda \sqrt{f'_c} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \alpha_s = 40 \Rightarrow \lambda = 1.0 \text{ و } \beta = \frac{400}{400} = 1.0$$

$$\lambda_s = \sqrt{\frac{2}{1 + \frac{d}{250}}} \leq 1.0$$

$$\lambda_s = \sqrt{\frac{2}{1 + \frac{150}{250}}} = 1.12 \not\leq 1.0 \Rightarrow \lambda_s = 1.0$$

$$v_c = \min \begin{cases} 0.33 \times 1.0 \times 1.0 \times \sqrt{30} = 1.81 \text{ MPa} \\ 0.17 \times \left(1 + \frac{2}{1.0}\right) \times 1.0 \times 1.0 \times \sqrt{30} = 2.79 \text{ MPa} \\ 0.1083 \times \left(2 + \frac{40 \times 150}{2200}\right) \times 1.0 \times 1.0 \times \sqrt{30} = 2.15 \text{ MPa} \end{cases}$$

$$v_c = 1.81 \text{ MPa}$$

$$V_c = v_c b_s d \Rightarrow V_c = 1.81 \times 2200 \times 150 \times 10^{-3} \Rightarrow V_c = 597.3 \text{ kN}$$

$$V_u = 600 \text{ kN} \not\leq 0.175 \times 597.3 = 448 \text{ kN}$$

همان طور که مشاهده می شود، مقدار نیروی برشی وارده از مقاومت برشی دوطرفه حاصل از بتن بیشتر بوده، بنابراین لازم است مقاومت برشی مقطع در محل اتصال به ستون تقویت گردد.

(ب) با توجه به نتیجه به دست آمده از قسمت (الف) و با توجه به اینکه مساحت مورد نیاز آرماتورهای برشی خواسته شده است، با توجه به روابط (۱۴-۱۲) و (۱۴-۱۶)، داریم:

$$v_c = 0.17 \lambda_s \lambda \sqrt{f'_c}$$

$$v_c = 0.17 \times 1.0 \times 1.0 \times \sqrt{30} = 0.93 \text{ MPa}$$

$$V_c = v_c b \cdot d = 0.93 \times 2200 \times 150 \times 10^{-3} = 30619 \text{ kN}$$

$$v_s = \frac{A_v f_{yt}}{b \cdot S}, \quad V_u \leq \phi V_n, \quad V_n = V_c + V_s$$

$$600 \leq 0.175 \times (30619 + V_s) \Rightarrow V_s \geq 49318 \text{ kN}$$

$$V_s = v_s b \cdot d \Rightarrow V_s = A_v \frac{f_{yt} d}{S}$$

$$49318 \times 10^3 = \frac{A_v}{S} \times 400 \times 150 \Rightarrow \frac{A_v}{S} = 8122 \text{ mm}$$

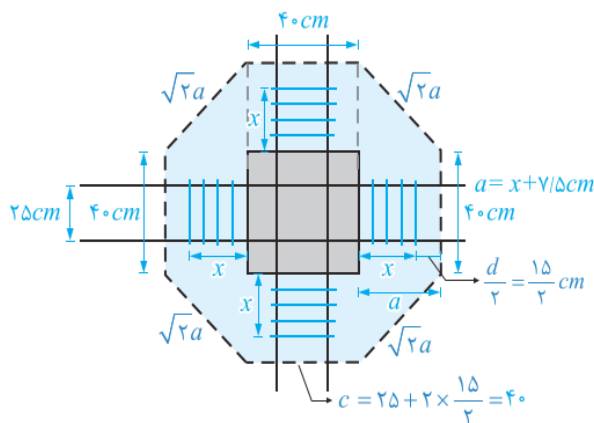
نکته قابل توجه این است که مساحت A_v برابر مجموع سطح مقطع شاخه های تمام خاموت های واقع بر خط محیطی اطراف ستون می باشد. بنابراین با توجه به اینکه اتصال ستون میانی مورد نظر است، لذا چهار عدد خاموت در خط محیطی اطراف ستون قرار می گیرد، با احتساب اینکه هر خاموت شامل دو آرماتور موازی با نیروی برشی است، لذا با فرض $S = \frac{d}{4} = 75 \text{ mm}$ ، قطر آرماتور برشی مورد نیاز به صورت زیر به دست می آید:

$$A_v = 8122 \times 75 = 61615 \text{ mm}^2$$

$$4 \times 2 \times \frac{\pi}{4} d_v^2 \geq 61615 \Rightarrow d_v \geq 919 \text{ mm}$$

همان طور که مشاهده می شود، به لحاظ محاسباتی آرماتورهای با قطر ۱۰ میلی متر قابل استفاده هستند، اما با توجه به آنچه در درسنامه خواندیم، عمق مؤثر باید حداقل ۱۶ برابر خاموت باشد. بنابراین با فرض اینکه فواصل خاموت ها برابر ۵۰ میلی متر باشد، می توان از خاموت های با قطر ۸ میلی متر استفاده نمود.

(ج) همان طور که مشاهده شد، مطابق نتیجه به دست آمده از قسمت (الف)، مقاومت برشی بتن به تنهایی پاسخگوی نیروهای وارده نبوده و لازم است در محل اتصال دال به ستون از خاموت برشی استفاده گردد. این



خاموت ها باید تا محلی امتداد داده شوند که در آن مقاومت برشی بتن به واسطه افزایش مقدار b به علت دور شدن از محل اثر بار به تنهایی در برابر نیروی برشی وارده از کفایت لازم برخوردار می باشد. بنابراین با توجه به نوع آرماتورگذاری ستون مطابق شکل مقابل، در صورتی که فاصله مقطع بحرانی مورد نظر تا بر خارجی ستون را برابر a در نظر بگیریم، طول اضلاع مورب مقطع بحرانی

با توجه به تقارن مقطع ستون برابر $a\sqrt{2}$ خواهد بود. در این صورت محیط مقطع بحرانی برابر است با:

$$b_s = 4 \times (a\sqrt{2} + c)$$

در رابطه فوق، c برابر فاصله بین ساق‌های خاموت‌ها به علاوه $2 \times \frac{d}{4}$ می‌باشد که با توجه به اعداد داده شده برابر بعد ستون به دست می‌آید.

$$b_s = 4 \times (a\sqrt{2} + 400) = 4a\sqrt{2} + 1600$$

دقت شود در محل مقطع بحرانی مشخص شده فقط اثر بتن در نظر گرفته می‌شود، بنابراین داریم:

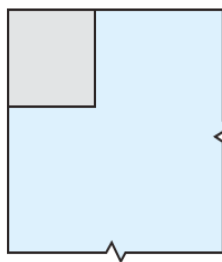
$$V_u \leq \phi V_c$$

$$600 \times 10^3 \leq 0.175 \times 0.17 \times 10 \times 10 \times \sqrt{30} \times (4a\sqrt{2} + 1600) \times 140$$

$$a \geq 802 \text{ mm} \Rightarrow x + 75 \geq 802 \Rightarrow x \geq 727 \text{ mm}$$

بنابراین خاموت‌های برشی باید در طولی حداقل برابر ۷۳۰ میلی‌متر از بر ستون در هر طرف به کار برده شوند.

تجربین ۱۹: یک دال بتن آرمه با ضخامت ۲۰۰ میلی‌متر را در محل اتصال به یک ستون گوشه مطابق شکل زیر



در نظر بگیرید. مقطع ستون موردنظر به صورت مربعی و با بعد ۵۰۰ میلی‌متر و تحت نیروی نهایی ۴۵۰ کیلونیوتن قرار گرفته است. در صورتی که به منظور تأمین مقاومت

برشی موردنیاز از گل‌میخ استفاده گردد، در کدام یک از گزینه‌های زیر مقدار $\frac{A_v}{S}$ موردنیاز به طور صحیح ارائه شده است؟ عمق مؤثر دال برابر ۱۶۰ میلی‌متر، رده بتن ۳۰ C و فولاد S ۴۰۰ می‌باشد.

(۱) ۵/۴ mm (۲) ۳/۱۶ mm (۳) ۲/۱۷ mm (۴) ۶/۹ mm

● **حل:** با توجه به استفاده از گل‌میخ برشی، مطابق روابط (۱۴-۱۳) داریم:

$$v_c = \min \begin{cases} 0.125 \lambda_s \lambda \sqrt{f'_c} \\ 0.17 \left(1 + \frac{2}{\beta}\right) \lambda_s \lambda \sqrt{f'_c} \\ 0.183 \left(2 + \frac{\alpha_s d}{b_s}\right) \lambda_s \lambda \sqrt{f'_c} \end{cases}$$

دقت شود در این حالت b_s محیط مقطع بحرانی به فاصله $\frac{d}{4}$ از بر ستون بوده، بنابراین با توجه به اینکه ستون

موردنظر گوشه است، محیط مقطع بحرانی b_s به صورت زیر به دست می‌آید:

$$b_s = 2 \times \left(500 + \frac{160}{4}\right) = 1160 \text{ mm}$$

$$\lambda_s = \sqrt{\frac{2}{1 + \frac{d}{250}}} = \sqrt{\frac{2}{1 + \frac{160}{250}}} = 1.1 \not\leq 1.0 \Rightarrow \lambda_s = 1.0$$

$$\text{ستون گوشه} \Rightarrow \alpha_s = 20, \quad \beta = \frac{500}{500} = 1.0$$



سری عمران

حل سوالات سازه های بنایی آزمون محاسبات

توسط گروه اساتید سری عمران

☎ ۰۲۱۸۸۳۰۰۴۷۴ | ۰۲۱۸۸۳۱۲۵۲۷

📷 serieomran

🌐 www.serieomran.com





سری عمران

مؤسسه سری عمران

آزمون نظام مهندسی اسفند ماه ۱۴۰۲

نام آزمون: محاسبات (عمران) نام درس: مبحث هشتم مقررات ملی ساختمان (طرح و اجرای ساختمان های با مصالح بنایی)

سؤال:

۲۰- در یک ساختمان با مصالح بنایی مسلح، از ستون به ارتفاع مؤثر ۳ متر و ابعاد ۵۰۰×۵۰۰ میلی متر با مصالح آجر فشاری رسی به مقاومت مشخصه ۱۲ MPa و ملات M15 استفاده شده است. در صورتی که مقدار آرماتور ستون حداقل مجاز باشد، مقاومت طراحی فشاری این ستون به کدام یک از مقادیر زیر نزدیک تر است؟ (آرماتورها S400)

$P_u = 1192 \text{ kN}$ (۱)

$P_u = 840 \text{ kN}$ (۲)

$P_u = 935 \text{ kN}$ (۳)

$P_u = 1324 \text{ kN}$ (۴)

پاسخ گروه اساتید سری عمران:

ملات M15
 آجر ۱۲ MPa \Rightarrow جدول ۴-۲-۸ رصفه ۴۴ $\Rightarrow f'_m = 7.5 \text{ MPa}$

توسعه براساس $\Rightarrow r = \sqrt{\frac{I}{A}} = \sqrt{\frac{a^4}{12}} = \frac{a}{\sqrt{12}} = 1/2.88 a = 1/2.88 \times 500 = 172.5 \text{ mm}$

بند ۴-۸-۴-۲-۲ رصفه ۷۹ $\Rightarrow \frac{h}{r} = \frac{3000}{172.5} = 17.4 < 100$

بند ۴-۸-۴-۷-۳ رصفه ۸۸ $\Rightarrow A_s \geq 1/50 A_n = 1/50 \times 500 \times 500 = 1000 \text{ mm}^2$

رصفه ۸۰ (۴-۸-۵) $\Rightarrow P_n = 1/8 \times [1/8 \times 7.5 \times (500^2 - 1000) + 7.5 \times 1000] \left[1 - \left(\frac{3000}{12.0 \times 172.5} \right)^2 \right] = 939 \text{ kN}$

جدول ۴-۸-۲ رصفه ۸۲ $\Rightarrow \phi = 1/9 \Rightarrow P_u \leq \phi P_n = 1/9 \times 939 = 104.3 \text{ kN}$

تشابه با کتاب بنایی محاسبات – صفحه ۱۷۳ – تمرین ۷۳

تمرین ۷۳: در یک ساختمان بنایی مسلح یک ستون به ابعاد 45×45 سانتی‌متر با ۸ میلگرد به قطر ۲۰ میلی‌متر مفروض است. ردهٔ میلگردها $S240$ بوده و مقاومت فشاری مشخصهٔ واحد بنایی ۱۷ مگاپاسکال می‌باشد. اگر ارتفاع این ستون ۶ متر باشد، حداکثر بار محوری قابل تحمل توسط این ستون حدوداً چند کیلونیوتن است؟

(۱) ۲۳۷۰ (۲) ۲۱۳۰ (۳) ۲۲۰۰ (۴) ۲۳۸۰

● **هله:** ابتدا باید با تعیین مقدار نسبت $\frac{h}{r}$ مشخص کرد تا از کدام رابطهٔ مقاومت فشاری اسمی باید استفاده شود.

بنابراین داریم: $r = 0.289t = 0.289 \times 450 = 130.05 \text{ mm}$

$$\frac{h}{r} = \frac{6000}{130.05} = 46.13 < \frac{h}{r} = 100$$

بنابراین باید از رابطهٔ (۴-۵۱) درنامه استفاده کرد. در این صورت داریم:

$$P_n = 0.18 [0.18 f'_m (A_n - A_{st}) + f_y A_{st}] \left[1 - \left(\frac{h}{140r} \right)^2 \right]$$

$$A_n = 450 \times 450 = 202500 \text{ mm}^2, \quad A_{st} = 8 \times \frac{\pi \times d^2}{4} = 8 \times \frac{\pi \times 20^2}{4} = 2513.27 \text{ mm}^2$$

$$P_n = 0.18 \times [0.18 \times 17 \times (202500 - 2513.27) + 240 \times 2513.27] \left[1 - \left(\frac{6000}{140 \times 130.05} \right)^2 \right] \times 10^{-3}$$

$$P_n = 2369.7 \text{ kN} \Rightarrow P_D = \phi P_n = 0.9 \times 2369.7 = 2132.7 \text{ kN}$$

$$P_u \leq 2132.7 \text{ kN}$$

بنابراین گزینهٔ (۲) صحیح است.

تشابه با کلاس بنایی محاسبات - صفحه ۴۶ - تمرین ۱۴

۱۴) در یک ساختمان بنایی مسلح یک ستون به ابعاد 45×45 سانتی متر با ۸ میلگرد به قطر ۲۰ میلی متر مفروض است. رده میلگردها $S240$ بوده و مقاومت فشاری مشخصه واحد بنایی ۱۷ مگاپاسکال می باشد. اگر ارتفاع این ستون ۶ متر باشد، حداکثر بار محوری قابل تحمل توسط این ستون حدوداً چند کیلونیوتن است؟

۲۳۸۰ (۴)

۲۲۰۰ (۳)

۲۱۳۰ (۲)

۲۳۷۰ (۱)

$$r = \sqrt{\frac{I_n}{A_n}} \quad (\text{صفحه ۱۲۴، ۱۲۵})$$

* ص ۸۰ ع ۸

$$\begin{cases} I_n = \frac{a^4}{12} = \frac{45^4}{12} = 2,4 \times 10^9 \\ A_n = 45 \times 45 = 2,025 \times 10^3 \end{cases} \Rightarrow r = \sqrt{\frac{2,4 \times 10^9}{2,025 \times 10^3}} = 1095,45 \text{ mm} \Rightarrow \frac{h}{r} = \frac{6000}{1095,45} = 5,47 < 10$$

$$0,4 < \frac{h}{r} < 10 \Rightarrow P_n = \frac{1}{\gamma} \left[\frac{1}{\gamma} \times 17 \times (2,025 \times 10^3 - \frac{1 \times 2,4 \times 10^9}{E}) + 240 \times 20 \times 10^3 \right] \left[1 - \left(\frac{6000}{12 \times 1095,45} \right)^2 \right] \times 1,3$$

$$\Rightarrow P_n = 2079,7 \text{ kN} \Rightarrow P_D = \phi P_n = \frac{1}{9} \times 2079,7 = 231,1 \text{ kN}$$



سری عمران

مؤسسه سری عمران

آزمون نظام مهندسی اسفند ماه ۱۴۰۲

نام آزمون: محاسبات (عمران) نام درس: مبحث هشتم مقررات ملی ساختمان (طرح و اجرای ساختمان های با مصالح بنایی)

سؤال:

۲۲- عضو خمشی بنایی مسلح به عرض 300 میلی‌متر و ارتفاع 350 میلی‌متر ساخته شده از آجر رسی در یک دهانه مفروض است. در صورتی که از حداکثر مقاومت اسمی مقطع بخواهیم بهره‌مند شویم مقدار سطح آرماتورهای کششی مورد نیاز به کدام گزینه نزدیک‌تر است؟ طرح به روش مقاومت نهایی می‌باشد. عمق مؤثر 300 mm و مقاومت فشاری مشخصه واحد بنایی 3.5 مگاپاسکال است. در قسمت کششی مقطع از آرماتورهای S400 استفاده می‌شود و میلگرد در ناحیه فشاری استفاده نشده است.

- 180 mm² (۱)
- 220 mm² (۲)
- 300 mm² (۳)
- 270 mm² (۴)

پاسخ گروه اساتید سری عمران:

$$A_{smax} = \frac{1.8 f'_m ab}{f_y} \quad , \quad \epsilon_s = 1.5 \epsilon_y$$

$$\epsilon_{mu} = 1.0035 \Rightarrow \text{مورد ۱ در صفحه ۷۹}$$

$$\epsilon_y = \frac{f_y}{E} = \frac{400}{2 \times 10^4} = 1.001$$

$$\text{غورکوبین} \Rightarrow \frac{c}{d} = \frac{\epsilon_{mu}}{\epsilon_{mu} + 1.5 \epsilon_y} \Rightarrow \frac{c}{300} = \frac{1.0035}{1.0035 + 1.5 \times (1.001)} \Rightarrow c = 171.53 \text{ mm}$$

$$a = 1.8 c = 1.8 \times 171.53 = 308.75$$

$$\Rightarrow A_{smax} = \frac{1.8 \times 170 \times 308.75 \times 300}{400} = 271.37 \text{ mm}^2$$

تشابه با کتاب بنایی محاسبات – صفحه ۱۴۱ – تمرین ۴۶

تمرین ۴۶: در یک ساختمان بنایی مسلح با بلوک سیمانی یک تیر با عرض ۲۵ سانتی‌متر و عمق مؤثر ۵۵ سانتی‌متر در نظر است. در این تیر از دو میلگرد کششی با قطر ۲۸ میلی‌متر از رده S ۲۴۰ استفاده شده است. اگر مقاومت فشاری مشخصه واحد بنایی ۱۵ مگاپاسکال باشد، حداکثر آرماتور کششی که در این مقطع می‌توان تعبیه کرد حدوداً چند برابر آرماتورهای طولی کششی این تیر می‌باشد؟

$$2/85 (4) \qquad 3/24 (3) \qquad 2/6 (2) \qquad 3 (1)$$

هله: برای محاسبه حداکثر آرماتور کششی تیر ابتدا باید پارامتر c را توسط رابطه (۴-۲۳) به دست آوریم. بنابراین داریم:

$$\varepsilon_{mu} = 0/0025, \quad f'_m = 15 \text{ MPa}, \quad f_y = 240 \text{ MPa}, \quad b = 250 \text{ mm}, \quad d = 550 \text{ mm}$$

$$\varepsilon_y = \frac{f_y}{E} = \frac{240}{2 \times 10^5} = 0/0012$$

$$\frac{c}{d} = \frac{\varepsilon_{mu}}{\varepsilon_{mu} + 1/5 \varepsilon_y} \Rightarrow \frac{c}{550} = \frac{0/0025}{0/0025 + 1/5 (0/0012)} \Rightarrow c = 319/8 \text{ mm}$$

در ادامه پارامتر a و سپس A_{smax} به صورت زیر محاسبه خواهند شد:

$$a = 0/18c = 0/18 \times 319/8 = 255/8 \text{ mm}$$

$$a = \frac{A_{smax} f_y}{0/18 f'_m b} \Rightarrow 255/8 = \frac{A_{smax} \times 240}{0/18 \times 15 \times 250} \Rightarrow A_{smax} = 3197/5 \text{ mm}^2$$

$$A_{s \text{ موجود}} = 2 \times \frac{\pi \times d_b^2}{4} = 2 \times \frac{\pi \times 28^2}{4} = 1231/5 \text{ mm}^2$$

در نهایت نسبت خواسته شده برابر است با:

$$\frac{A_{smax}}{A_{s \text{ موجود}}} = \frac{3197/5}{1231/5} = 2/59$$

بنابراین گزینه (۲) صحیح است.

تشابه با جزوه بنایی محاسبات - صفحه ۴۰ - تمرین ۴

۴) در یک ساختمان بنایی مسلح با بلوک سیمانی یک تیر با عرض (۲۵) سانتی‌متر و عمق مؤثر (۵۵) سانتی‌متر در نظر است. در این تیر از دو میلگرد کششی با قطر (۲۸) میلی‌متر از رده (S۲۴۵) استفاده شده است. اگر مقاومت فشاری مشخصه واحد بنایی (۱۵) مگاپاسکال باشد، حداکثر آرماتور کششی که در این مقطع می‌توان تعبیه کرد حدوداً چند برابر آرماتورهای طولی کششی این تیر می‌باشد؟

$$2/15 (4)$$

$$3/24 (3)$$

$$2/6 (2)$$

$$3 (1)$$

$$\frac{c}{d} = \frac{\epsilon_{mu}}{\epsilon_{mu} + 1,5 \epsilon_y} \Rightarrow \frac{c}{550} = \frac{0,0025}{0,0025 + 1,5 \times 0,0012} \Rightarrow c = 319,18 \text{ mm}$$

$$\epsilon_y = \frac{f_y}{E} = \frac{245}{2 \times 10^5} = 0,0012$$

$$\Rightarrow a = 1,8 c = 1,8 \times 319,18 = 574,52 \text{ mm}$$

$$\Rightarrow a = \frac{f_y A_{smax}}{1,8 f'_m b} \Rightarrow 574,52 = \frac{245 \times A_{smax}}{1,8 \times 15 \times 250} \Rightarrow A_{smax} = 197,5 \text{ mm}^2$$

$$A_{s, مورد} = 2 \Phi 28 = 1211,5 \text{ mm}^2 \Rightarrow \frac{A_{smax}}{A_{s, مورد}} = \frac{197,5}{1211,5} = 0,16$$



سری عمران

حل سوالات درس بارگذاری آزمون محاسبات

توسط گروه اساتید سری عمران

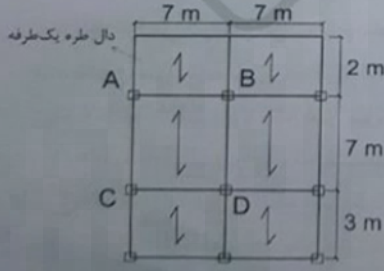
☎ ۰۲۱۸۸۳۰۰۴۷۴ | ۰۲۱۸۸۳۱۲۵۲۷

📷 serieomran

🌐 www.serieomran.com



۸- در پلان یک طبقه از ساختمانی بار زنده گسترده یکنواخت کلیه سطوح 2 kN/m^2 می باشد. بارگذاری بار زنده تیرهای AB و CD حداکثر چند درصد مجاز به کاهش هستند؟ این کف محل عبور یا پارک خودروهای سواری و همچنین محل اجتماع و ازدحام نمی باشد. ضمناً این طبقه مربوط به بام ساختمان نیست.



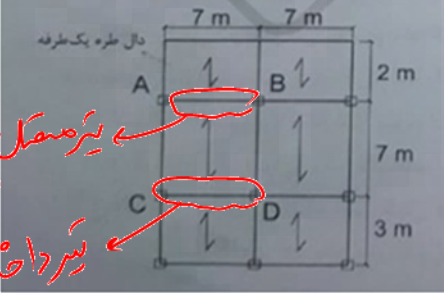
- (۱) بدون کاهش برای تیر AB و CD
 (۲) 8.8 درصد برای تیر AB و 10 درصد برای تیر CD
 (۳) 4.4 درصد برای تیر AB و 25 درصد برای تیر CD
 (۴) 1.3 درصد برای تیر AB و 20 درصد برای تیر CD

حل:
 گزینه ۴

$$L = L_0 \left[0.125 + \frac{4/57}{\sqrt{K_{LL} A_T}} \right]$$

مقدار $K_{LL} A_T$ برابر با ۳۷ مترمربع یا بیشتر باشد،

ردیف	عضو سازه‌ای	K_{LL}
۱	ستون داخلی	۴
۲	ستون خارجی بدون دال‌های طرفی	۴
۳	ستون کناری با دال طرفی	۳
۴	ستون گوشه‌ای با دال طرفی	۲
۵	تیر کناری بدون دال طرفی	۲
۶	تیر داخلی	۲
۷	بقیه اعضا ذکر نشده شامل:	
۱-۷	تیر کناری با دال طرفی	۱
۲-۷	تیر طرفی	۱
۳-۷	دال یک‌طرفه	۱
۴-۷	دال دو طرفه	۱



تیر متصل به دال
 طرفه
 تیر داخلی

CD $\rightarrow A_T = (1.5 + 2.5) \times 7 = 25 \text{ m}^2$

تیر داخلی $\rightarrow K_{LL} = 2 \rightarrow K_{LL} A_T = 70 > 37 \text{ m}^2$

$\frac{L}{L_0} = 0.125 + \frac{4/57}{\sqrt{K_{LL} A_T}} = 0.18 > 0.15$

گزینه ۴ صحیح است
 $(1 - \frac{L}{L_0}) \times 100 = 20\% \rightarrow$ درصد کاهش بار زنده CD

برای تیر AB \rightarrow

بافتن عمده اجزای
 تیر در دال و استفاده
 از تیر دو لبه
 در لبه‌ها

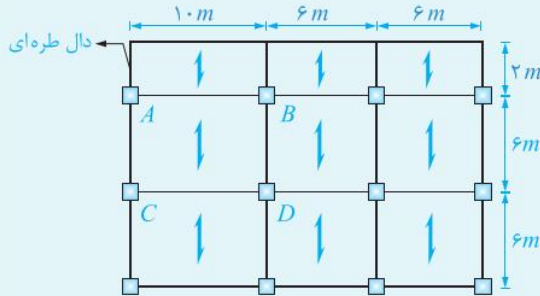
$(A_T)_{AB} = (2 + 2.5) \times 7 = 31.5$ و $K_{LL} = 1 \rightarrow K_{LL} A_T > 37$

$\frac{L}{L_0} = 0.125 + \frac{4/57}{\sqrt{31.5}} = 0.187$

AB برای تیر $\rightarrow (1 - \frac{L}{L_0}) \times 100 = 13\%$

تشابه با کتاب بار گذاری جلد ۲ (مبحث ۶) - صفحه ۸۶ - تمرین آموزشی

تمرین آموزشی



در پلان زیر در صورتی که بار زنده کلیه سطوح را 2 kN/m^2 در نظر بگیریم:

الف) بار زنده سطحی طراحی تیر AB را چقدر می توان کاهش داد؟

ب) بار زنده چشمه $ABCD$ را برای طراحی دال آن چقدر می توان کاهش داد؟

● حل:

الف) با توجه به ابعاد پلان و طره ای بودن دهانه ۲ متری، سطح بارگیر تیر AB برابر است با:

$$A_T = (2 + 3) \times 10 = 50 \text{ m}^2$$

→ قسمت طره
→ نصف دهانه ۶ متری

از طرفی با استفاده از جدول (۳)، ضریب K_{LL} برای تیر کناری با دال طره ای، برابر یک به دست می آید ($K_{LL} = 1$) و در ادامه داریم:

امکان کاهش بار زنده وجود دارد. $\Rightarrow K_{LL} A_T = 1 \times 50 \text{ m}^2 > 37 \text{ m}^2$ کنترل حاصل:

در نهایت بار زنده کاهش یافته آن برابر است با: (L_0 در صورت سؤال، 2 kN/m^2 داده شده است):

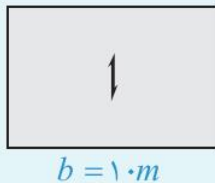
$$L = L_0 \left[0.25 + \frac{4/57}{\sqrt{K_{LL} A_T}} \right] = 2 \times \left[0.25 + \frac{4/57}{\sqrt{1 \times 50}} \right] = 1.79 \text{ kN/m}^2 > 0.15 L_0 = 1 \quad \text{ok} \checkmark$$

این موضوع یعنی می توان بار زنده را به اندازه 0.21 kN/m^2 کاهش داد ($2 - 1.79 = 0.21$).

● دقت: اگر میزان درصد کاهش بار زنده برای این تیر پرسیده شود، باید بنویسیم:

$$\frac{L}{L_0} \times 100 = \left[0.25 + \frac{4/57}{\sqrt{K_{LL} A_T}} \right] \times 100 = 89.5\% \Rightarrow \text{بار زنده به میزان } 10.5\% \text{ درصد کاهش یافته است.}$$

ب) برای کاهش بار زنده چشمه $ABCD$ جهت طراحی دال، باید سطح بارگیر مؤثر آن سقف را محاسبه کنیم. با توجه به این که سقف یک طرفه است، داریم:



$$A_T = \min \{ ab, 1/5 a^2 \} = \min \{ 6 \times 10, 1/5 \times 6^2 \} = 54 \text{ m}^2$$

با توجه به جدول (۳) ضریب K_{LL} برای دال های یک طرفه برابر یک می باشد، بنابراین داریم:

$$K_{LL} A_T = 1 \times 54 > 37$$

$$L = 2 \times \left[0.25 + \frac{4/57}{\sqrt{1 \times 54}} \right] = 1.74 \text{ kN/m}^2$$

یعنی می توان بار زنده این سطح را در روند طراحی دال، به اندازه 0.26 kN/m^2 کاهش داد.



$$L_0 = 215 \frac{kN}{m^2}$$

$$L_0 = 215 \frac{kN}{m^2}$$

آزمون ورود به حرفه مهندسان - اسفندماه ۱۴۰۲
 ۹- در یک طبقه از یک ساختمان اداری، دو قسمت A و B را در نظر بگیرید که هر کدام دارای مساحت 200 مترمربع می‌باشند. قسمت A دفتر کار معمولی و قسمت B سالن انتظار مجموعه را تشکیل می‌دهد. وزن کل تیغه‌های جداکننده بخش A برابر 80 kN و برای B برابر 120 kN می‌باشد. حداقل بار زنده گسترده متوسط کل برای دو قسمت A و B چه مقدار است؟ جداکننده‌ها از نوع سبک با وزن هر مترمربع 0.5 کیلونیوتن در مترمربع دیوار می‌باشد. کاهش بار، زنده لحاظ نمی‌شود.

$$W_{کل B} = 120 kN$$

$$W_{کل A} = 80 kN$$

- ۱) $B: 5 kN/m^2, A: 3 kN/m^2$
 ۲) $B: 5 kN/m^2, A: 1 kN/m^2$
 ۳) $B: 4.5 kN/m^2, A: 3.5 kN/m^2$
 ۴) $B: 4.5 kN/m^2, A: 3 kN/m^2$

تیغه از نوع بارزنده و با حداقل کسرتده $1 \frac{kN}{m^2}$
 وزن $1 m^2$ از تیغه‌ها = $1 \frac{kN}{m^2}$

حل گزینه ۳

۲-۲-۵-۶ ضوابط مربوط به جداکننده‌ها

در ساختمان‌های اداری یا سایر ساختمان‌هایی که در آن‌ها احتمال استفاده از جداکننده‌های داخلی با وزن هر مترمربع ۱ کیلونیوتن بر مترمربع، با یا بدون جایابی موقعیت آن‌ها وجود دارد، باید وزن آن‌ها بدون توجه به اینکه در نقشه‌ها نشان داده شده یا نشده باشند، منظور گردند. در ساختمان‌هایی که جداکننده‌های سبک، نظیر دیوارهای ساندویچی و ورق گچی با وزن هر مترمربع سطح کمتر از 0.4 کیلونیوتن بر مترمربع دیوار به کار برده می‌شوند، بار گسترده معادل وارد بر کف را باید حداقل 0.5 کیلونیوتن بر مترمربع در نظر گرفت. در سایر موارد، بار گسترده معادل وزن جداکننده‌ها و تیغه‌ها بر کف را نباید کمتر از ۱ کیلونیوتن بر مترمربع منظور نمود. بار گسترده معادل جداکننده‌ها در محاسبات جزو بار زنده محسوب می‌گردند اما در تعیین نیروی زلزله این بارها باید در محاسبه وزن مؤثر لرزه‌ای به بارمرده اضافه شوند.

$$W_{معادل} = \max \left\{ \frac{W_{کل}}{A}, 1 \frac{kN}{m^2} \right\}$$

برای دفتر کار معمولی

$$W = \max \left\{ \frac{80}{200}, 1 \right\} = 1 \frac{kN}{m^2}$$

$$L_{کل A} = 215 + 1 = 216 \frac{kN}{m^2}$$

گزینه ۳ صحیح است و نیازی به ادامه محاسبات نیست.

استثناء: اگر حداقل بار زنده، L_0 ، از ۴ کیلونیوتن بر مترمربع بیشتر باشد، نیازی به در نظر گرفتن بار زنده جدا کننده‌ها نیست.

طبق بقیه

از بارزنده تیغه صرف نظر نمود. $L_0 = 215 \frac{kN}{m^2}$ → سالن ملاقات → برای تکمیل حل

$$L_{کل B} = 215 + 0 = 215 \frac{kN}{m^2}$$



تشابه با کتاب بارگذاری جلد ۲ (مبحث ۶) – صفحه ۷۴ – تمرین ۳۳

تمرین ۳۳: فرض کنید کف یک ساختمان اداری که یک دفتر کار معمولی است، از دو قسمت مساوی A و B تشکیل شده و سطح هر قسمت ۲۰۰ مترمربع باشد. چنانچه مساحت کل تیغه‌های قسمت A برابر ۲۰۰ متر مربع و مساحت کل تیغه‌های قسمت B برابر ۱۰۰ مترمربع و وزن هر مترمربع سطح تیغه برابر ۱۴۰ کیلوگرم باشد، بار معادل تیغه‌بندی کدام‌یک از مقادیر زیر است؟

- (۱) به صورت زنده و برابر ۱۰۰ کیلوگرم بر مترمربع برای هر دو قسمت A و B
- (۲) به صورت مرده و برابر ۱۰۰ کیلوگرم بر مترمربع برای قسمت A و ۷۰ کیلوگرم بر مترمربع برای قسمت B
- (۳) به صورت مرده و برابر ۱۴۰ کیلوگرم بر مترمربع برای قسمت A و ۱۰۰ کیلوگرم بر مترمربع برای قسمت B
- (۴) به صورت زنده و برابر ۱۴۰ کیلوگرم بر مترمربع برای هر دو قسمت A و B

● **هله:** با توجه به این که وزن هر مترمربع از سطح تیغه‌ها برابر ۱۴۰ کیلوگرم (معادل $۱/۴ kN/m^2$) بوده و بین ۱ تا ۲ کیلونیوتن بر مترمربع است، بنابراین مطابق حالت (۳) از حالات گفته شده، وزن تیغه‌ها به صورت بار گسترده معادل مرده، که از تقسیم وزن تیغه‌های هر قسمت بر مساحت آن قسمت به دست آمده و به صورت یکنواخت بر کف وارد می‌شود، باید در نظر گرفته شود.

بار معادل تیغه‌های قسمت A :

$$۱ < w \leq ۲ kN/m^2 \Rightarrow q_D = \max \left\{ ۱ kN/m^2, \frac{\text{وزن کل تیغه‌های } A}{\text{مساحت کف}} \right\}$$

$$\frac{\text{وزن } ۱ m^2 \text{ از تیغه} \times \text{مساحت تیغه‌های قسمت } A}{\text{مساحت کف}} = \frac{\text{وزن کل تیغه‌های قسمت } A}{\text{مساحت کف}}$$

$$= \frac{۲۰۰ \times ۱۴۰}{۲۰۰} = ۱۴۰ kg/m^2 = ۱/۴ kN/m^2$$

$$q_{DA} = \max \{ ۱, ۱/۴ \} = ۱/۴ kN/m^2 = ۱۴۰ kg/m^2$$

بار معادل تیغه‌های قسمت B :

$$\frac{\text{وزن } ۱ m^2 \text{ از تیغه} \times \text{مساحت تیغه‌های قسمت } B}{\text{مساحت کف}} = \frac{\text{وزن کل تیغه‌های قسمت } B}{\text{مساحت کف}}$$

$$= \frac{۱۰۰ \times ۱۴۰}{۲۰۰} = ۷۰ kg/m^2 = ۰/۷ kN/m^2$$

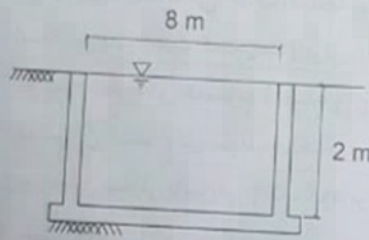
$$۱ < w \leq ۲ kN/m^2 \Rightarrow q_D = \max \left\{ ۱ kN/m^2, \frac{\text{وزن کل تیغه‌های } B}{\text{مساحت کف}} \right\}$$

$$q_{DB} = \max \{ ۱, ۰/۷ \} = ۱ kN/m^2 = ۱۰۰ kg/m^2$$

● **دقت:** با توجه به این که بار تیغه‌ها از نوع مرده است، مشمول حالت پنجم که در آن از بار زنده معادل تیغه صرف نظر کردیم، نبوده و با توجه به این توضیحات، گزینه (۳) صحیح است.



۱۲- در شکل مقطع یک استخر آب با طول زیاد نشان داده شده است و فرض می شود دیوارها به صورت طره عمل می کنند. چنانچه فشار خاک از نوع فعال $(K_a = \frac{1}{3})$ و جرم مخصوص خاک 2000 kg/m^3 فرض شود، نسبت مقاومت خمشی مورد نیاز پای دیوار در حالت پُر به حالت خالی استخر به کدام یک از گزینه های زیر نزدیک تر است؟ (روش حالت حدی مقاومت) از وجود سربار و سایر بارگذاری ها صرف نظر شود. فشار خاک همیشگی فرض می شود. (قدر مطلق مقاومت های خمشی مورد نیاز در نظر گرفته شود)



0.75 (۱)

1.30 (۲)

0.83 (۳)

0.67 (۴)

لیست ترکیب بارها

۱) $1/4D$

۲) $1/2D + 1/6L + 0.15(L_T \text{ یا } S \text{ یا } R)$

۳) $1/2D + 1/6(L_T \text{ یا } S \text{ یا } R) + [L \text{ یا } 0.15(1/6W)]$

۴) $1/2D + 1/6W + L + 0.15(L_T \text{ یا } S \text{ یا } R)$

۵) $1/2D + E + L + 0.15S$

۶) $0.9D + 1/6W$

۷) $0.9D + E$

↓ بقوای مربوطه

← حالت: گزینه ۱

(پ) در مواردی که بار سیال، F، بر سازه وارد می شود، اثر این بار باید با ضرایب باری همانند ضریب بار مرده، D، در ترکیب بارهای ۱ تا ۵ و ۷ منظور شوند.

(ت) در صورت وجود فشار جانبی خاک و فشار آب زیرزمینی یا مواد انباشته، H، اثر آن ها را باید به صورت زیر منظور نمود:

ت-۱) اگر اثر این بار در جهت افزودن به اثرات دیگر بارها باشد، اثر بار H باید با ضریب ۱/۶ در ترکیب بارها منظور شود،

ت-۲) اگر اثر این بار در جهت کاهش اثرات دیگر بارها باشد، در صورت وجود دائمی بار H، اثر آن باید با ضریب ۰.۹ در ترکیب بارها منظور شود و در بقیه موارد باید از اثر بار H صرف نظر گردد.

حالت توفالی استخر

حالت پراستخر



کنترل معادله اصل مناسب سوال قبل

$$K_a \Delta H = \frac{1}{3} \times 2000 \times 2 = \frac{4000}{3} \frac{\text{kg}}{\text{m}^2} > (5 \times 2) \rightarrow \text{ok}$$

$$M_1 = 1.17 \times \frac{\frac{4000}{3} \times 2}{2} \times \frac{2}{3} = 1412 \frac{\text{kg} \cdot \text{m}}{\text{m}}$$



ترکیب بار ۱ که بار خاک با ضریب ۰.۹ و بار سیال با ضریب ۱.۰ وارد می شود.

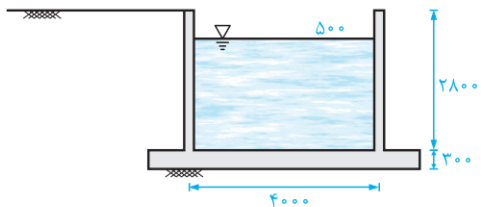
$$M_2 = \frac{(1.4 \Delta H H - 0.19 K_a \Delta H) \times 2}{2} \times \frac{2}{3} = 1017 \frac{\text{kg} \cdot \text{m}}{\text{m}}$$

$$\frac{\text{حالت پر}}{\text{حالت خالی}} = \frac{1017}{1412} = 0.72 \rightarrow \text{گزینه ۱}$$



تشابه با کتاب بار گذاری جلد ۲ (مبحث ۶) - صفحه ۲۷۱ - تمرین ۸

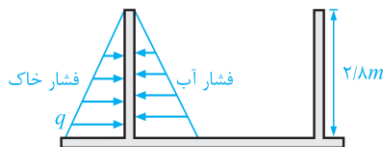
تمرین ۸: شکل زیر برش عرضی از یک استخر با طول قابل توجه را نشان می دهد. این استخر در زمینی با طبقه بندی SW (که گزارش مکانیک خاک برای آن فعلاً ارائه نشده است) احداث می شود. به عنوان یک مقدار حداقل، پای دیوارهای نشان داده شده باید برای چه لنگر خمشی (با ضریب بار) جهت تعیین مقدار آرماتور قائم مورد نیاز سمت خاک، طراحی شوند؟ (نزدیک ترین گزینه به پاسخ را انتخاب کنید، سطح آب زیرزمینی خیلی پایین تر از کف استخر بوده و از آثار سربار اطراف استخر و زلزله صرف نظر می شود، ابعاد در شکل به میلی متر است.



(مماسیات - اسفند ۹۵)

۱) ۱۶ kN.m/m ۲) ۷۶ kN.m/m

۳) ۴۶ kN.m/m ۴) ۳۰ kN.m/m



● **هله:** دیواره های این استخر تحت فشار ناشی از آب و فشار جانبی خاک قرار می گیرند، ولی این دو نیرو در جهت مخالف بوده و اثر یکدیگر را کاهش می دهند.

برای طراحی دیواره در بدترین حالت، فرض می کنیم استخر خالی باشد، در این حالت فقط فشار ناشی از خاک به این دیواره وارد می شود. همان طور که دیدیم فشار خاک باید با توجه به مشخصات مکانیکی آن و ضوابط مبحث هفتم مقررات ملی ساختمان تعیین گردد. این فشار در هر حالت نباید کمتر از فشار مایع معادل با وزن مخصوص ۵ کیلونیوتن بر مترمکعب در نظر گرفته شود. بنابراین داریم:

$$q = ۵ \times ۲/۸ = ۱۴ \text{ kN/m}^2$$



در این صورت لنگر ناشی از این بار در پای دیوار برای بعد یک متری عمود بر صفحه برابر است با:

$$M = \frac{1}{3} \times ۱۴ \times ۲/۸ \times (۲/۸ \times \frac{1}{3}) = ۱۸/۳ \text{ kN.m/m}$$

در پیش فصل کتاب دیدیم که ضریب بار فشار خاک در ترکیب بار برابر ۱/۶ می باشد.

ترکیب بار H : $۱/۶$

بنابراین لنگر طراحی دیوار استخر برابر است با:

$$M_{\text{طراحی}} = ۱/۶ \times ۱۸/۳ = ۲۹/۲۷ \text{ kN.m/m}$$

بنابراین گزینه (۴) صحیح است.



سری عمران

حل سوالات درس پی سازی آزمون محاسبات

توسط گروه اساتید سری عمران

☎ ۰۲۱۸۸۳۰۰۴۷۴ | ۰۲۱۸۸۳۱۲۵۲۷

📷 serieomran

🌐 www.serieomran.com





۱۶- خصوصیات مکانیکی خاک منطقه به صورت $\gamma = 20 \text{ kN/m}^3$, $\phi = 30^\circ$, $C=0.0125 \text{ MPa}$ است. در نظر است که جهت اجرای یک واحد مسکونی گود قائمی به ارتفاع 5 متر حفر شود. اگر ساختمان‌های همسایه 3 طبقه و تراز فونداسیون آن 2 متر بالاتر از کف گود باشد، خطر گود چه میزان است؟ کل سربار ساختمان همسایه برابر 30 kN/m^2 فرض شود. همچنین سطح آب زیرزمینی بسیار پایین‌تر از کف گود بوده و محل گود فاقد هرگونه رطوبت در نظر گرفته شود.

(۱) خطر گود بسیار زیاد است.
 (۲) گودبرداری مجاز نیست.
 (۳) خطر گود معمولی است.
 (۴) خطر گود زیاد است.

حل: $C = 0.0125 \text{ MPa}$, $\phi = 30^\circ$, $\gamma = 20 \text{ kN/m}^3$

$$h_c = \frac{2c}{\gamma \sqrt{K_a}} - \frac{q}{\gamma}, \quad K_a = \frac{1 - \sin \phi}{1 + \sin \phi} = \frac{1 - \frac{1}{2}}{1 + \frac{1}{2}} = \frac{1}{3}$$

$$h_c = \frac{2 \times 0.0125 \times 10^3}{20 \sqrt{\frac{1}{3}}} - \frac{30}{20} = 0.67 \text{ m}$$

$$\frac{h}{h_c} = \frac{5}{0.67} = 7.46 > 2 \rightarrow \text{خطر گود بسیار زیاد}$$

$$h = 5 \text{ m} \Rightarrow 4^{\text{m}} < 5 < 10^{\text{m}} \rightarrow \text{خطر گود زیاد}$$

← جدول ۷-۳-۱ ص ۳۴ مبدا هفتم

بنابراین گزینه (۱) صحیح است.

تشابه با کتاب پی سازی محاسبات - صفحه ۱۱۶ و ۱۱۷ - تست ۱۲

تست ۱۲: خاک منطقه‌ای دارای خصوصیات مکانیکی به شرح $c = 0.25 \text{ kg/cm}^2$ ، $\phi = 3^\circ$ و $\gamma = 2 \text{ gr/cm}^3$ می‌باشد. به منظور اجرای یک واحد مسکونی با اهمیت متوسط، در نظر است گودبرداری قائمی به عمق $4/5$ متر صورت پذیرد. اگر سر بار ناشی از ساختمان‌های مجاور روی خاک محل شدت باری معادل $1/5 \text{ t/m}^2$ ایجاد کند، در این صورت خطر گود را چگونه ارزیابی می‌کنید؟ کف گود از کف پی همسایه 2 متر پایین تر می‌باشد.

(۱) گودبرداری مجاز نیست.
 (۲) خطر گود بسیار زیاد است.
 (۳) خطر گود زیاد است.
 (۴) خطر گود معمولی است.

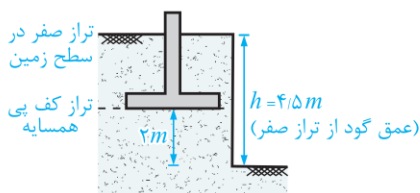
حل: ابتدا عمق بحرانی گودبرداری (h_c) را می‌یابیم.

$$h_c = \frac{2c}{\gamma \sqrt{k_a}} - \frac{q}{\gamma}$$

$$\gamma = 2 \text{ gr/cm}^3 = 2 \text{ t/m}^3, \quad c = 0.25 \text{ kg/cm}^2 = 2.5 \text{ t/m}^2$$

$$k_a = \frac{1 - \sin \phi}{1 + \sin \phi} = \frac{1 - \sin 3^\circ}{1 + \sin 3^\circ} = \frac{1 - 0.05}{1 + 0.05} = \frac{1}{3}$$

$$\Rightarrow h_c = \frac{2 \times 2.5}{2 \times \sqrt{\frac{1}{3}}} - \frac{1/5}{2} = 3.16 \text{ m}$$



در ادامه سه عامل تعیین‌کننده خطر این گود با دیوار قائم را مشخص می‌کنیم:

۱) عمق گود از زیر پی همسایه 2 m ← بین صفر تا ۶ ← خطر گود زیاد است.

۲) عمق گود از تراز صفر $4/5 \text{ m}$ ← بین ۴ تا ۱۰ متر ← خطر گود زیاد است.

۳) نسبت $\frac{h}{h_c}$:
 $\frac{h}{h_c} = \frac{4/5}{3.16} = 1/25$ → $2 > \frac{h}{h_c} > 0.15$ → خطر گود زیاد است.

در نهایت بحرانی‌ترین نتیجه به دست آمده از سه عامل فوق، خطر این گود را تعیین می‌کند. در اینجا عوامل اول و سوم خطر گود بحرانی‌تر را نتیجه می‌دهند که همان‌ها را انتخاب کرده و می‌گوییم: خطر گود زیاد است. بنابراین گزینه (۳) صحیح است.



معادله آیینی به است (مرفعه لای بارها)

$$S = \sum F_y \tan \delta \leftarrow \text{(بنده الف-۳-۱-۱ ص ۱۱۰)}$$

۱۸- در شکل زیر حداکثر نیروی F برای آنکه پی منفرد معیار لغزش در روش تنش مجاز را رعایت نماید به کدام یک از گزینه‌های زیر نزدیک‌تر است؟ (پی مربعی است) خاک در حالت زهکشی شده می‌باشد و شرایط استاتیکی فرض شود. همچنین با توجه به حرکت نسبی پی و زمین نیروی رانش جلوی پی بسیج می‌شود و در طول عمر سازه وجود دارد. پی ساخته شده با بتن درجا می‌باشد.

$\delta = \phi$ (بنده الف-۳-۱-۱ ص ۱۱۰)

128 kN (۱)
202 kN (۲)
133 kN (۳)
183 kN (۴) ✓

ط: نیز (۱۴) ص ۱۱۰

$$\sum F_{\text{مقاوم}} = S + F_p \quad \sum F_{\text{موجب}} = F_a + F$$

نیروی مقاوم \rightarrow \leftarrow نیروی افقی \leftarrow نیروی عمودی

$$F_a = \frac{1}{2} K_a \gamma H^2 L = \frac{1}{2} \left(\frac{1 - \sin 40^\circ}{1 + \sin 40^\circ} \right) \times 20 \times 0.9^2 \times 2 = 3.52 \text{ kN}$$

بنده الف-۳-۱-۱ ص ۱۱۰

$$F_p = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{2} K_p \right) \gamma H^2 L = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{2} \frac{1 + \sin 40^\circ}{1 - \sin 40^\circ} \right) \times 20 \times 0.9^2 \times 2 = 37.24 \text{ kN}$$

$$S = \sum F_y \tan \delta = (200 + 2 \times 2 \times 0.9 \times 25) \times \tan 40^\circ = 243.33 \text{ kN}$$

جدول ۷-۱ ص ۱۱۰ $F.S = 1.5 \leftarrow$ لغزش

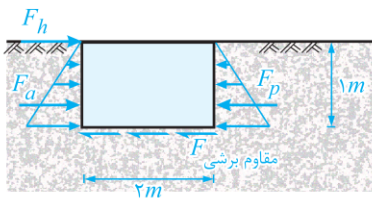
$$\frac{\sum F_{\text{مقاوم}}}{\sum F_{\text{موجب}}} \geq 1.5 \Rightarrow \frac{243.33 + 37.24}{3.52 + F} \geq 1.5 \rightarrow F < 183.52 \text{ kN}$$

تشابه با کتاب پی سازی محاسبات - صفحه ۵۳ - تست ۶۳ و ۶۴

تست ۶۳: شالوده ساختمانی دارای سطح 2×2 متر و ضخامت یک متر بوده و کف آن در عمق یک متری از سطح زمین قرار دارد. خاک محل شن و ماسه‌ای بوده و زاویه اصطکاک داخلی آن 40° درجه و وزن حجمی آن 20 کیلونیوتن بر متر مکعب است. در صورتی که بار عمودی طراحی (بدون ضریب بار) وارد بر پی 500 کیلونیوتن باشد، حداکثر بار افقی قابل اعمال بر این پی اگر بخواهیم ضریب اطمینان در برابر لغزش برابر با 2 باشد، چقدر خواهد بود؟ فرض می‌شود که بتن شالوده دارای وزن حجمی 25 کیلونیوتن بر مترمکعب بوده و به صورت تر بر روی زمین ریخته شده است.

(۱) 295 کیلونیوتن (۲) 270 کیلونیوتن (۳) 255 کیلونیوتن (۴) 253 کیلونیوتن

حل: روند حل این سؤال تقریباً مشابه تمرین قبل است، با این تفاوت که نیروهای افقی ناشی از فشار خاک را نیز بایستی در محاسبات خود لحاظ کنیم:



$$FS_{\text{لغزش}} \geq 2 \Rightarrow \frac{F_{\text{مقاوم برشی}} + F_p}{F_h + F_a} \geq 2$$

← در صورت سؤال داده شده است.

$$F_{\text{مقاوم برشی}} = cA + N \tan \phi = 0 + (W + P) \tan \phi = (2 \times 2 \times 1 \times 25 + 500) \times \tan 40^\circ = 503 \text{ kN}$$

← خاک شن و ماسه

$$k_p = \frac{1 + \sin \phi}{1 - \sin \phi} = \frac{1 + \sin 40^\circ}{1 - \sin 40^\circ} = 4/6 \Rightarrow F_p = \frac{1}{6} \left(\frac{1}{6} k_p \right) \gamma H^2 L = \frac{1}{6} \times \left(\frac{1}{6} \times 4/6 \right) \times 20 \times 1^2 \times 2 = 46 \text{ kN}$$

$$k_a = \frac{1}{k_p} = \frac{1}{4/6} = 0/22 \Rightarrow F_a = \frac{1}{6} k_a \gamma H^2 L = \frac{1}{6} \times 0/22 \times 20 \times 1^2 \times 2 = 4/4 \text{ kN}$$

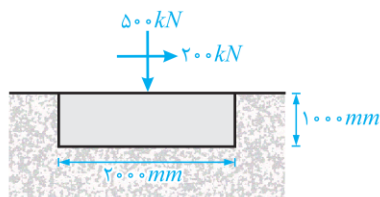
$$\frac{503 + 46}{F_h + 4/4} \geq 2 \Rightarrow F_h \leq 273 \text{ kN}$$

با جایگذاری مقادیر به دست آمده در رابطه اولیه حل خواهیم داشت:

پاسخ به دست آمده به گزینه (۲) نزدیک‌تر بوده و در نتیجه همین گزینه صحیح است.

تست ۶۴: نیروهای وارد از پای ستون به مرکز یک شالوده منفرد مربعی در یکی از ترکیبات بارها در طراحی به روش تنش مجاز برای طرح شالوده‌های سطحی صلب، مطابق شکل است. ضریب بار مرده در این ترکیب بار ۱ است. کدام یک از گزینه‌های زیر صحیح می‌باشد؟ خاک دانه‌ای، زاویه اصطکاک داخلی خاک $\phi = 40^\circ$. زاویه اصطکاک بتن شالوده با خاک برابر $0/8$ ، وزن حجمی بتن 25 kN/m^3 ، وزن مخصوص خاک 18 kN/m^3 و ظرفیت باربری مجاز خاک 200 kN/m^2 می‌باشد.

(مماسیات - آبان ۹۳)



$$FS_{\text{لغزش}} = \frac{F_{\text{مقاوم برشی}} + F_p}{F_a + F_h}$$

$$F_{\text{مقاوم برشی}} = c_a A + N \tan \delta = 0 + (W + P) \tan (0/8 \phi) = (1 \times 2 \times 2 \times 25 + 500) \times \tan (0/8 \times 40) = 375 \text{ kN}$$

← $0/8 \phi$

$$k_p = \frac{1 + \sin \phi}{1 - \sin \phi} = \frac{1 + \sin 40^\circ}{1 - \sin 40^\circ} = 4/6 \Rightarrow F_p = \frac{1}{6} \left(\frac{1}{6} k_p \right) \gamma H^2 L = \frac{1}{6} \times \left(\frac{1}{6} \times 4/6 \right) \times 18 \times 1^2 \times 2 = 41/5 \text{ kN}$$

$$k_a = \frac{1}{k_p} = \frac{1}{4/6} = 0/22 \Rightarrow F_a = \frac{1}{6} k_a \gamma H^2 L = \frac{1}{6} \times 0/22 \times 18 \times 1^2 \times 2 = 4 \text{ kN}$$

$$\Rightarrow FS_{\text{لغزش}} = \frac{375 + 41/5}{200 + 4} = 2/04 > 1/5$$

پس پی دچار لغزش نمی‌شود.



سری عمران

حل سوالات استاندارد ۲۱۰۰ آزمون محاسبات

توسط گروه اساتید سری عمران

☎ ۰۲۱۸۸۳۰۰۴۷۴ | ۰۲۱۸۸۳۱۲۵۲۷

📷 serieomran

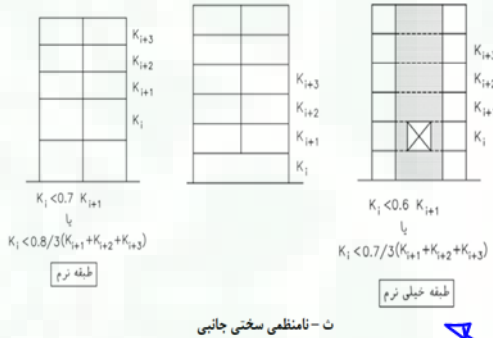
🌐 www.serieomran.com



۱۳- در شکل زیر سختی جانبی و وزن مؤثر لرزه‌ای طبقات نشان داده شده است. حداقل مقدار K_1 بر حسب K برای آنکه برای محاسبه این ساختمان در برابر زلزله بتوان از روش تحلیل استاتیکی معادل استفاده کرد، به کدام یک از مقادیر زیر نزدیک‌تر است؟ بلان طبقات در ارتفاع یکنواخت و بدون نامنظمی می‌باشد.

(۱) $3K$
 (۲) $1.6K$
 (۳) $2.1K$
 (۴) $1.8K$

حل: گزینه (۳)



۲-۲-۳ روش‌های تحلیل خطی
 روش‌های تحلیل خطی را می‌توان در کلیه ساختمان‌ها با هر تعداد طبقه به‌کاربرد. تنها، روش استاتیکی معادل را می‌توان در ساختمان‌های سه‌طبقه و کوتاه‌تر، از تراز پایه و یا ساختمان‌های زیر به‌کار گرفت:
 الف- ساختمان‌های منظم با ارتفاع کمتر از ۵۰ متر از تراز پایه
 ب- ساختمان‌های نامنظم با ارتفاع کمتر از ۵۰ متر از تراز پایه که دارای:
 - نامنظمی زیاد و شدید پیچشی در پلان نباشد
 - نامنظمی جرمی، نرم و خیلی نرم در ارتفاع نباشد

کنترل مربعی

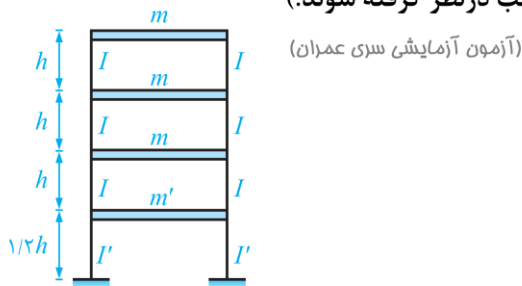
با توجه به بلکان برون وزن، شکل نامنظم جرمی نداریم.

گزینه ۱: $K_1 \geq 1.7 K_2$
 گزینه ۲: $K_1 \geq 1.8 \times \frac{K_2 + K_3 + K_4}{3}$
 کنترل ۱: $K_1 > 1.7 \times 3K \rightarrow K_1 > 5.1K$
 کنترل ۲: $K_1 > 1.8 \times \left(\frac{3K + 2K + K}{3} \right) = 1.7K$

گزینه (۳) در مجموع $K_1 > 2.1K$

تشابه با کتاب بارگذاری جلد ۱ (۲۸۰۰) - صفحه ۹۳ - تمرین ۱

تمرین ۱: در یک ساختمان چهار طبقه منظم در پلان مطابق شکل زیر، I' و m' چگونه باشد تا بتوان از تحلیل استاتیکی معادل برای تحلیل لرزه‌ای سازه استفاده کرد؟ (تیرها صلب در نظر گرفته شوند).



(آزمون آزمایشی سری عمران)

$$(1) \quad I' \geq 1/2 I \quad , \quad 0.15 m \leq m' \leq 1/5 m$$

$$(2) \quad I' \geq 1/38 I \quad , \quad 0.15 m \leq m' \leq 1/5 m$$

$$(3) \quad I' \geq 1/2 I \quad , \quad m' \leq 1/5 m$$

$$(4) \quad I' \geq 1/38 I \quad , \quad m' \leq 1/5 m$$

● **نکته:** برای استفاده از تحلیل استاتیکی معادل، باید نامنظمی جرمی در ارتفاع نداشته باشیم و همچنین طبقه نرم نیز رخ ندهد. با توجه به این موضوع و توضیحات فصل اول داریم:

$$\text{شرط رخ ندادن نامنظمی جرمی} \quad 0.15 \leq \frac{m'}{m} \leq 1/5 \Rightarrow 0.15 m \leq m' \leq 1/5 m$$

$$(1) \quad k_1 > 0.17 k_2 \quad \text{و} \quad (2) \quad k_1 > 0.18 \left(\frac{k_2 + k_3 + k_4}{3} \right)$$

$$k_1 = 2 \times \frac{12EI'}{(1/2 h)^3} \quad , \quad k_2 = k_3 = k_4 = 2 \times \frac{12EI}{h^3}$$

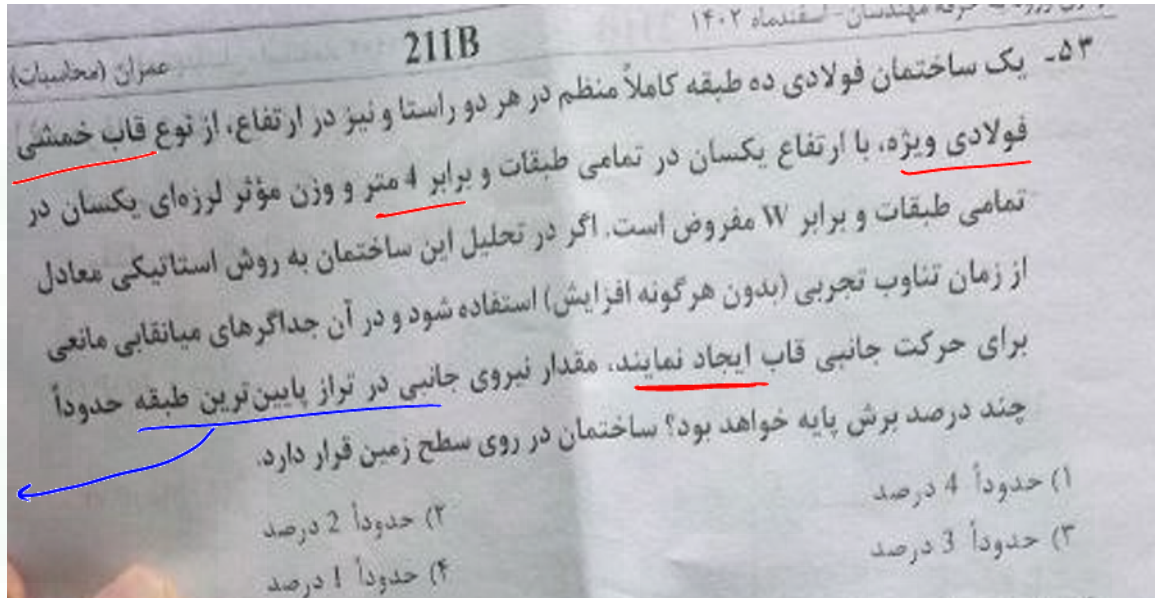
با دقت بر روی دو رابطه فوق، مشاهده می‌شود که رابطه دوم مقدار بحرانی‌تری را می‌دهد و با کنترل آن داریم:

$$(2) \quad \text{کنترل رابطه} \Rightarrow 2 \times \frac{12EI'}{(1/2 h)^3} > 0.18 \times \frac{1}{3} \left(3 \times \frac{2 \times 12EI}{h^3} \right)$$

\downarrow
 k_1

\downarrow
 $k_2 + k_3 + k_4$

$$\Rightarrow I' \geq 1/38 I \Rightarrow \text{در مجموع گزینه (2) صحیح است.}$$



$$F_{u_i} = 9$$

حل: گزینه (۳)

$$T = 0.1 \times 10 \times 10 \times H^{0.75}$$

$$T = 0.1 \times 10 \times 10 \times (10 \times 4)^{0.75} = 1.0175$$

۱- در مواردی که جداگرهای میانقبلی مانعی برای حرکت قابها ایجاد نمایند:
- در قابهای فولادی
(۳-۳)

$$T = 0.08H^{0.75}$$

۲- در مواردی که جداگرهای میانقبلی مانعی برای حرکت قابها ایجاد نمایند:
مقدار T باید برابر با ۸۰ درصد مقادیر عنوان شده در بالا در نظر گرفته شود.

k: ضریبی است که با توجه به زمان تناوب نوسان اصلی سازه T از رابطه زیر به دست آورده می‌شود:

$$K = 0.5 \times 1.017 + 0.75 = 1.2585$$

$$K = 0.5T + 0.75 \quad 0.5 \leq T \leq 2.5 \text{ Sec} \quad (7-3)$$

مقدار K برای مقادیر T کوچکتر از ۰/۵ ثانیه و بزرگتر از ۲/۵ ثانیه باید به ترتیب برابر با ۱/۰ و ۲/۰ در نظر گرفته شود.

با توجه به یکسان بودن سازه‌ها شود.

$$F_{u_i} = \frac{W_i h_i^k}{\sum_{j=1}^n W_j h_j^k} V_u = \frac{1.2585 h}{1.2585 (1 + 2 + \dots + 10)} V_u \approx 0.11 V_u$$

$F_{u_i} = 0.11 V_u$ → حدود یک درصد از برش پایه برصفت اول وارد می‌شود



تشابیه با کتاب بارگذاری جلد ۱ (۲۸۰۰) - صفحه ۱۰۷ - تمرین ۶

تمرین ۶: در یک ساختمان ۸ طبقه از روی تراز پایه با ارتفاع و وزن یکسان در کلیه طبقات، مقدار زمان تناوب تجربی برابر ۰/۸ ثانیه و زمان تناوب تحلیلی برابر ۰/۹ ثانیه برآورد شده است. مقدار نیروی جانبی طبقه بام در تحلیل به روش استاتیکی معادل برحسب مقدار برش پایه به کدام یک از مقادیر زیر نزدیک تر است؟ (V_u برش پایه است).

$$(۱) ۰/۲۸V_u \quad (۲) ۰/۱۸V_u \quad (۳) ۰/۲۲V_u \quad (۴) ۰/۲۴V_u$$

● **هله:** با توجه به اینکه زمان تناوب تحلیلی در صورت سؤال داده شده است، زمان تناوب اصلی نوسان را می توان به صورت زیر تعیین کرد:

$$T = \max \{ T_{\text{تجربی}}, \min \{ T_{\text{تحلیلی}}, ۱/۲۵ \times T_{\text{تجربی}} \} \} = \max \{ ۰/۱۸, \min \{ ۰/۱۹, ۱/۲۵ \times ۰/۱۸ \} \}$$

$$\Rightarrow T = \max \{ ۰/۱۸, ۰/۱۹ \} = ۰/۱۹s$$

$$F_i = \frac{w_i h_i^k}{\sum_{j=1}^n w_j h_j^k} \cdot V_u$$

مقدار نیروی وارد بر هر طبقه با استفاده از رابطه مقابل به دست می آید:

در این رابطه مقدار k برابر است با:

$$۰/۱۵s < T = ۰/۱۹ < ۲/۱۵s \Rightarrow k = ۰/۱۵ \times ۰/۱۹ + ۰/۱۷۵ = ۱/۲$$

در نهایت مقدار نیروی جانبی وارد بر بام (طبقه هشتم) با فاکتورگیری در مخرج کسر برابر می شود با:

$$F_8 = \frac{w \times (\lambda h)^{1/2}}{wh^{1/2} \times (1^{1/2} + 2^{1/2} + 3^{1/2} + 4^{1/2} + 5^{1/2} + 6^{1/2} + 7^{1/2} + 8^{1/2})} V_u = \frac{۱۲/۱۲}{۵۰/۲۵} V_u = ۰/۲۴V_u$$

بنابراین گزینه (۴) صحیح است.



سری عمران



حل سوالات

درس فولاد آزمون محاسبات

توسط گروه اساتید سری عمران



☎ ۰۲۱۸۸۳۰۰۴۷۴ | ۰۲۱۸۸۳۱۲۵۲۷

📷 serieomran

🌐 www.serieomran.com

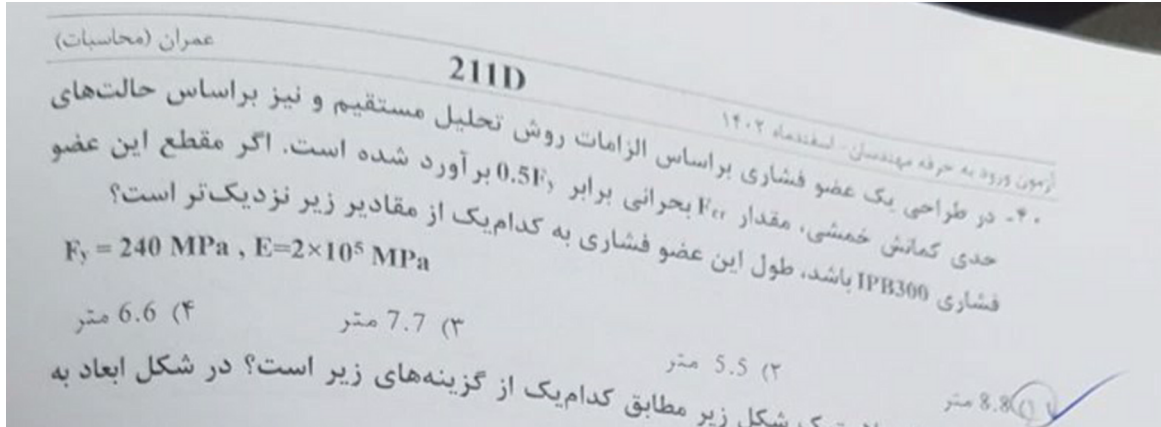




مؤسسه سری عمران
آزمون نظام مهندسی اسفند ماه ۱۴۰۲

نام آزمون: نام درس:

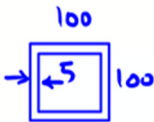
سؤال:



ستون قوطی نورد شده با ابعاد $100 \times 100 \times 5$ میلی متر به صورت دو سر ساده مفروض است. اگر تنش فشاری اسمی ناشی از کمانش خمشی این ستون برابر ۳۵ درصد تنش تسلیم باشد، طول ستون بر حسب متر به کدام یک از مقادیر زیر نزدیک تر است؟ مشخصات قوطی به صورت زیر است:



$A_g = 1817 \times 10^2 \text{ mm}^2$, $r_x = r_y = 38.6 \text{ mm}$, $F_y = 240 \text{ MPa}$, $E = 2 \times 10^5 \text{ MPa}$



$F_{cr} = 0.35 F_y \rightarrow L = ?$

$F_{cr} = 0.35 \times 240 = 84 \text{ mpa} = 840 \frac{\text{kg}}{\text{cm}^2} \xrightarrow{\text{جدول}} \lambda = 143.5$

$\frac{KL}{r} = 143.5 \Rightarrow \frac{1 \times L}{38.6} = 143.5 \Rightarrow L = 5539 \text{ mm} = 5.5 \text{ m}$

درستون کوطبی شکل قوطی نورد شده
خوبی داریم



سری عمران

مؤسسه سری عمران

آزمون نظام مهندسی اسفند ماه ۱۴۰۲

نام آزمون: نام درس:

سؤال:

۴۱- اساس مقطع پلاستیک شکل زیر مطابق کدام یک از گزینه‌های زیر است؟ در شکل ابعاد به میلی‌متر است.

۳) 5.5 متر

۱) 8.8 متر ✓

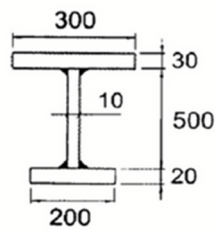
۱) $3695 \times 10^3 \text{ mm}^3$

۲) $3875 \times 10^3 \text{ mm}^3$

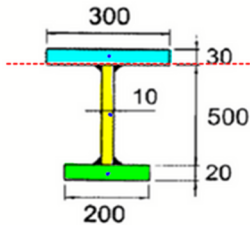
۳) $3425 \times 10^3 \text{ mm}^3$ ✓

۴) $3120 \times 10^3 \text{ mm}^3$

۵۰- نسبت لنگر پلاستیک مقطع شکل زیر حول محور قوی به لنگر پلاستیک آن حول محور ضعیف به کدام یک از مقادیر زیر نزدیک‌تر است؟ (در شکل اندازه‌ها به میلی‌متر است).



- ۱) 2.85
- ۲) 3.86
- ۳) 5.82
- ۴) 6.83



P.N.A.

$$Z_{\text{ری}} = Q_{\text{top}} + Q_{\text{bot}}$$

$$Z_{\text{ری}} = \left[9000 \times \frac{30}{2} \right] + \left[5000 \times \frac{500}{2} + 4000 \times 510 \right] = 3425000 \text{ mm}^3$$



سری عمران

مؤسسه سری عمران

آزمون نظام مهندسی اسفند ماه ۱۴۰۲

نام آزمون: نام درس:

سؤال:

۴۳- در تیر دو سر ساده شکل زیر، سخت کننده‌های عرضی در فواصل 4 متری قرار دارند. فقط برای کنترل مقاومت برشی، در طراحی به روش LRFD حداکثر مقدار مجاز q_u به کدام یک از مقادیر زیر نزدیک تر است؟ در مقطع تیر ابعاد به میلی متر است. $F_y=360 \text{ MPa}$, $E=2 \times 10^5 \text{ MPa}$

مقطع تیر

229 kN/m (۱)
343 kN/m (۲)
154 kN/m (۳) ✓
206 kN/m (۴)

۴۴- فقط براساس کنترل برش در چشمه‌های ابتدایی و انتهایی، حداکثر مقدار q_u قابل تحمل توسط تیر شکل زیر به کدام یک از گزینه‌ها نزدیک تر است؟ در شکل ابعاد به میلی متر است. $F_y=240 \text{ MPa}$ و $E=2 \times 10^5 \text{ MPa}$

$$V_u \leq \phi_v V_n$$

$$\frac{q_u \times 5}{2} \leq 0.9 \times 0.6 F_y A_w C_v$$

350 kN/m (۱)
605 kN/m (۲)
540 kN/m (۳) ✓
1360 kN/m (۴)

حد براساس در این جنبه:

$$\text{جنبه اعتبار آنها: } \frac{a}{h} = \frac{1000}{1000} = 1 < 3 \Rightarrow K_v = 5 + \frac{5}{1.2} = 10$$

$$\frac{h}{t_w} = \frac{1000}{10} = 100 < 1.1 \sqrt{\frac{10 \times 2 \times 10^5}{240}} = 100.4 \Rightarrow C_v = 1$$

$$\frac{q_u \times 5}{2} \leq 0.9 \times 0.6 \times 240 \times (1050 \times 10) \times 1 \Rightarrow q_u = 544 \frac{\text{kN}}{\text{m}}$$



سری عمران

حل سوالات درس تحلیل سازه آزمون محاسبات

توسط گروه اساتید سری عمران

☎ ۰۲۱۸۸۳۰۰۴۷۴ | ۰۲۱۸۸۳۱۲۵۲۷

📷 serieomran

🌐 www.serieomran.com





سری عمران

مؤسسه سری عمران

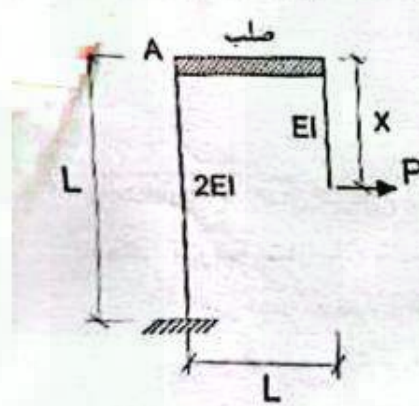
آزمون نظام مهندسی اسفند ماه ۱۴۰۲

نام درس: تحلیل سازه ها

نام آزمون: محاسبات (عمران)

سؤال:

۴- در سازه شکل زیر اگر از تغییر طول محوری و تغییر شکل برشی اعضای قائم صرف نظر شود، به ازای چه مقدار X بر حسب l مقدار جابه جایی افقی در گره A برابر صفر خواهد بود؟



(۱) $\frac{1}{3}l$

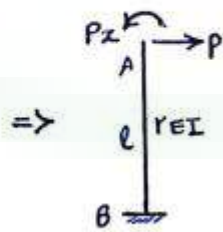
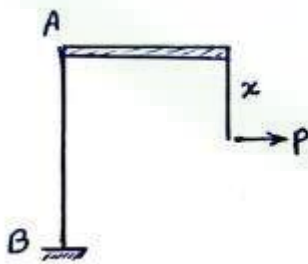
(۲) $\frac{1}{2}l$

(۳) $\frac{2}{3}l$

(۴) $\frac{1}{6}l$

پاسخ گروه اساتید سری عمران:

عضو AB نیز باره آ دارد. سردها داخلی را در نظر آ می بینیم :

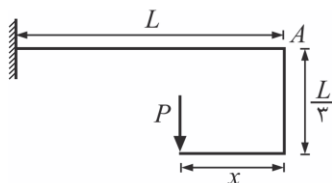


$$\Delta_A = 0 \Rightarrow \frac{Pl^3}{3(2EI)} - \frac{(Px)l^2}{2(2EI)} = 0$$

$$\Rightarrow x = \frac{2l}{3} \Rightarrow \underline{\underline{3}} \text{ گزینه}$$

تشابه با کتاب تحلیل محاسبات - صفحه ۹۹ - تست ۱۷

۱۷- در سازه نشان داده شده، مقدار x چقدر باشد تا تغییر مکان قائم نقطه A برابر صفر باشد؟ (پایه ۳ - ۹۲)



$$\frac{3}{4} L \quad (۲)$$

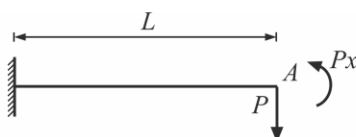
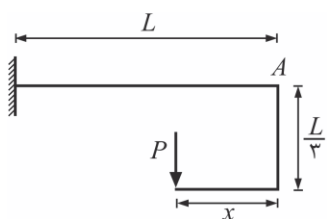
$$\frac{1}{2} L \quad (۱)$$

$$\frac{2}{3} L \quad (۴)$$

$$\frac{1}{3} L \quad (۳)$$

۱۷ - (۴)

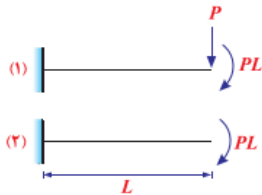
برای محاسبه تغییر مکان قائم نقطه A ابتدا سازه را در نقطه A برش زده، سپس مقادیر نیروی برشی و لنگر خمشی را در آن نقطه به دست آورده و در نهایت با استفاده از روابط حفظی تیر طره مقدار تغییر مکان نقطه A را محاسبه می‌کنیم.



$$\Delta_A = \frac{PL^3}{3EI} - \frac{(Px)L^3}{2EI} = 0 \Rightarrow x = \frac{2}{3} L$$

تشابه با جزوه تحلیل محاسبات - صفحه ۳۵ - تست ۱

جابه‌جایی انتهای تیر شکل (۱) چند برابر جابه‌جایی انتهای تیر شکل (۲) می‌باشد؟ طول هر دو تیر L و صلبیت خمشی آنها EI می‌باشد.



(محاسبات - خرداد ۹۳)

$$\frac{\Delta}{2} \text{ (۲)}$$

$$\frac{\Delta}{3} \text{ (۴)}$$

$$\frac{3}{2} \text{ (۱)}$$

$$\frac{6}{5} \text{ (۳)}$$





سری عمران



ناشر اول و برتر کشور در مهندسی عمران

بیش از پانزده سال تجربه آموزشی

پرفروش ترین کتاب ها را در سری عمران پیدا میکنید



www.serieomran.com



۰۲۱-۸۸۳۰۰۴۷۴





سری عمران



کلاس ویدئویی صفر تا ۱۰۰ (آزمون محاسبات، نظارت و اجرا)

- بالاترین ساعت آموزشی در کل کشور (بیش از ۳۰۰ ساعت کلاس)
- آموزش مطالب از سطح مبتدی تا پیشرفته (صفر تا ۱۰۰)
- بالاترین آمار قبولی واقعی در کشور با اختلاف زیاد
- با بیش از ۹۰٪ تشابه واقعی با آزمون

☎ (مشاوره و ثبت نام) ۰۹۱۹۸۷۶۷۵۱۲





سرری عمران



موسسه آموزش عالی آزاد
بیپنل

کلاس‌های ویدئویی + آنلاین صفر تا ۱۰۰ آزمون محاسبات



سرری عمران

فقط دو روز امکان
ثبت نام با این قیمت
رو دارید!

09198767512

نام درس	نام استاد	تعداد ساعت	برنامه کلاس‌ها	قیمت (تومان)
پک ۶ جامع محاسبات (شامل فیلم‌های آموزشی و کلاس‌های آنلاین)	گروه اساتید	بیش از ۳۰۰ ساعت	فلش آموزشی + کلاس آنلاین (طبق توضیحات هر درس)	۱۵٪ ۱۸.۳۵۵.۰۰۰ تخفیف ۱۵.۵۵۰.۰۰۰
پک ۴ درس اصلی (فولاد + بتن + مبحث ششم و ۲۸۰۰)	گروه اساتید	بیش از ۲۵۰ ساعت	فلش آموزشی + کلاس آنلاین (طبق توضیحات هر درس)	۱۰٪ ۱۴.۸۵۰.۰۰۰ تخفیف ۱۳.۳۲۵.۰۰۰
سازه‌های فولادی (مبحث دهم - ویرایش ۱۴۰۱)	دکتر نادر فنائی دکتر حسین صباغیان	۱۰۰ ساعت کلاس اینترنتی	کلاس اینترنتی (معادل ۳۰ ساعت کلاس حضوری)	۵.۴۰۰.۰۰۰
سازه‌های بتنی (مبحث نهم - ویرایش ۹۹)	دکتر بنام زرفام	۸۰ ساعت کلاس ویدئویی + ۱۰ ساعت کلاس آنلاین	فلش آموزشی (معادل ۱۲۰ ساعت کلاس حضوری)	۴.۴۵۰.۰۰۰
بارگذاری سازه‌ها	دکتر نادر فنائی دکتر محمد آهنگر	۲۵ ساعت کلاس ویدئویی + ۵ ساعت کلاس آنلاین ۴۰ ساعت کلاس اینترنتی + ۵ ساعت کلاس آنلاین	فلش آموزشی (معادل ۵۰ ساعت کلاس حضوری) کلاس اینترنتی (معادل ۲۰ ساعت کلاس حضوری)	۲.۶۰۰.۰۰۰ ۲.۳۰۰.۰۰۰
پی و پی سازی (ویرایش ۱۴۰۰)	حسین فراهانی	۱۵ ساعت کلاس ویدئویی	فلش آموزشی (معادل ۲۵ ساعت کلاس حضوری)	۱.۰۹۵.۰۰۰
سازه‌های بتنی (مبحث هشتم - ویرایش ۹۸)	احمد جوزدانی	۲۰ ساعت کلاس اینترنتی + ۳ ساعت کلاس آنلاین	کلاس اینترنتی (معادل ۳۵ ساعت کلاس حضوری)	۱.۲۰۵.۰۰۰
تحلیل سازه‌ها	احمد جوزدانی	۱۸ ساعت کلاس ویدئویی + ۳ ساعت کلاس آنلاین	فلش آموزشی (معادل ۳۳ ساعت کلاس حضوری)	۱.۲۰۵.۰۰۰